



پیام نور -

دانشجویان

پایگاه خبری

PNUNA.COM  
PNU News Agency

تعداد سؤالات: تستی: ۳۰ تشریحی: --

نام درس: آمار ۲

رشته تحصیلی/ کُد درس: علوم اقتصادی (اقتصاد نظری) (۱۱۱۷۱۱۸)

--

استفاده از: ماشین حساب ساده مجاز است.

۱. در توزیع کای - دو،  $E(x^2)$  چقدر است؟الف.  $k^2$  ب.  $4k^2$  ج.  $2k - k^2$  د.  $k - k^2$ ۲. اگر در توزیع  $F$ ، درجه آزادی صورت برابر یک باشد این توزیع معادل کدام توزیع است؟الف.  $\chi^2$  ب. نرمال ج. مجذور  $t$  د. مجذور نرمال۳. اگر  $x$  دارای توزیعی به صورت  $f_x(x) = p^x(1-x)^{1-x}$  باشد تخمین پارامتر  $p$  با استفاده از روش درست نمایی چقدر است؟الف.  $\sum x_i$  ب.  $\bar{x}$  ج.  $2\bar{x}$  د.  $2\sum x_i$ ۴. برآورد کننده  $\hat{\theta}$  از پارامتر  $\theta$  یک برآورد کننده نارایب است اگر:الف.  $E(\hat{\theta}) = \theta$  ب.  $\lim_{\theta \rightarrow \hat{\theta}}(\theta) = \hat{\theta}$  ج.  $E(\hat{\theta}) = \theta$  د.  $E(\hat{\theta}) \neq \hat{\theta}$ ۵. به ازای چه مقدار از  $k$  برآورد کننده  $\hat{\theta} = \frac{k}{2}x$  برآورد کننده نارایبی از پارامتر  $\theta$  در جامعه با تابع چگالی زیر است؟

$$f(x) = \frac{1}{\theta} \quad 0 < x < \theta$$

الف. ۶ ب. ۴ ج. ۲ د. ۱

۶. اگر حجم نمونه را ۹ برابر کنیم طول فاصله اطمینان میانگین جامعه در صورت عدم تغییر در دیگر مقادیر چند برابر می شود؟

الف.  $\frac{1}{9}$  ب. ۹ ج.  $\frac{1}{3}$  د. ۳



تعداد سؤالات: تستی: ۳۰ تشریحی: --

نام درس: آمار ۲

رشته تحصیلی/ کُد درس: علوم اقتصادی (اقتصاد نظری) (۱۱۱۷۱۱۸)

استفاده از: ماشین حساب ساده مجاز است.

۷. اگر بخواهیم بهترین برآورد کننده را از بین برآورد کننده‌های اریب و نا اریب انتخاب کنیم معیار انتخاب کدام عبارتست؟

الف. کمترین واریانس

ب. نا اریب بودن

ج. نا اریب بودن بعلاوه نا اریب مجانبی

د. کمترین مربعات خطا

۸. توان آزمون یعنی:

الف. احتمال پذیرش فرض صفر

ب. احتمال پذیرش فرض نادرست

ج. احتمال رد فرض نادرست

د. احتمال رد فرض درست

۹. آماره  $\frac{(n-1)s^2}{\sigma_0^2}$  دارای چه توزیعی است؟

الف.  $t$  با  $n-1$  درجه آزادی

ب. توزیع  $F$

ج. کای دو با  $n-1$  درجه آزادی

د. کای دو با  $n$  درجه آزادی

۱۰. اگر  $y = 1 \pm 2/5x$ ، برآورد یک خط رگرسیون با  $R^2 = 0/81$  باشد ضریب همبستگی برابر است با:

الف.  $-0/9$

ب.  $0/9$

ج.  $1/9$

د.  $-1/9$

۱۱. اگر  $\begin{cases} H_0 : p = \frac{1}{2} \\ H_1 : P \neq \frac{1}{2} \end{cases}$  و از بین ۱۰۰ آزمایش، ۵۹ موفقیت مشاهده شده باشد، آماره آزمون و نتیجه آن با  $\alpha = 0/05$  کدام است؟ (عدد جدول ۱/۹۶)

الف.  $1/8$ ،  $H_0$  رد می‌شود

ب.  $1/8$ ،  $H_0$  رد نمی‌شود

ج.  $1/8$ ،  $H_0$  رد می‌شود

د.  $1/8$ ،  $H_0$  رد نمی‌شود



پیام نور -

دانشجویان  
پایگاه خبریPNUNA.COM  
PNU News Agency

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: --

نام درس: آمار ۲

رشته تحصیلی / کُد درس: علوم اقتصادی (اقتصاد نظری) (۱۱۱۷۱۱۸)

--

استفاده از: ماشین حساب ساده مجاز است.

۱۲. اگر  $r$  ضریب همبستگی باشد آماره  $\frac{r}{\sqrt{\frac{1-r}{n-2}}}$  دارای چه توزیعی است؟

الف. کای-دو با  $n-1$  درجه آزادیب. کای-دو با  $n-2$  درجه آزادیج.  $t$  با  $n-1$  درجه آزادید.  $t$  با  $n-2$  درجه آزادی۱۳. ضریب همبستگی  $3X + 8$  و  $2X$  چقدر است؟

الف. ۱

ب. -۱

ج. صفر

د.  $\frac{1}{6}$ ۱۴. کمیت تصادفی  $X$  دارای توزیعی نرمال با  $\sigma^2 = 25$  می باشد از این جامعه نمونه ای به حجم  $n = 100$  به طور تصادفیانتخاب می کنیم که  $\bar{X} = 180$  بدست آمد. یک فاصله اطمینان ۹۵ درصد برای میانگین جامعه کدام است؟ (عدد جدول ۱،۹۶)الف.  $(179/18, 180/82)$ ب.  $(179/02, 180/98)$ ج.  $(178/83, 181/65)$ د.  $(178, 181)$ 

۱۵. برای بررسی کیفیت محصولات یک کارخانه تعداد ۲۰۰ محصول انتخاب شد و مشاهده گردید ۴۰ تا محصول معیوب است دقت

برآورد در سطح ۹۵٪ چقدر است؟ (عدد جدول ۱،۹۶)

الف.  $0/1025$ ب.  $0/0554$ ج.  $0/0041$ د.  $0/55$ ۱۶. برای آزمون برابری میانگین ۳ جامعه، یک نمونه ۵ تایی از هر جامعه گرفته شد و اطلاعات زیر بدست آمده است. مقدار  $SSE$ 

چقدر می شود؟

 $\bar{x}_1 = 5 \quad \bar{x}_2 = 10 \quad \bar{x}_3 = 15 \quad s_1^2 = 9 \quad s_2^2 = 25 \quad s_3^2 = 41$ 

الف. ۳۰۰

ب. ۲۰۰

ج. ۱۰۰

د. ۵۰



تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: --

نام درس: آمار ۲

رشته تحصیلی/ کُد درس: علوم اقتصادی (اقتصاد نظری) (۱۱۱۷۱۱۸)

استفاده از: ماشین حساب ساده مجاز است.

۱۷. برای تخمین پارامتر  $\mu$  در جامعه‌ای با توزیع نرمال، اگر از میانه استفاده شود کارایی میانه چقدر خواهد بود؟

- الف. ۱. ب.  $\frac{2}{\pi}$  ج.  $2\pi$  د.  $\frac{\pi}{2}$

۱۸. از دو نمونه مستقل اطلاعات زیر بدست آمد. مقدار آماره آزمون، وقتی فرض تساوی واریانس‌های دو جامعه پذیرفته نشده

است، برابر است با:

$$\begin{cases} n_1=13 \\ \bar{x}_1=52 \\ s_1=86 \end{cases} \quad \begin{cases} n_2=15 \\ \bar{x}_2=48 \\ s_2=16 \end{cases}$$

- الف.  $0.874$  ب.  $0.853$  ج. ۴ د. ۱۰۰

۱۹. برای مقایسه نسبت محصولات درجه یک در دو موسسه تولیدی، از موسسه اول  $n_1 = 400$  و از موسسه دوم  $n_2 = 100$  واحد

محصول انتخاب می‌شود و معلوم می‌شود در نمونه اول ۳۶۰ محصول و در نمونه دوم ۴۰ محصول درجه یک وجود دارد. مقدار

آماره آزمون برای فرض برابری نسبت محصولات درجه یک در دو موسسه چقدر است؟

- الف.  $12/8$  ب.  $11/8$  ج.  $10/8$  د.  $9/8$

۲۰. آماره آزمون فرضیه برابری واریانس یک جامعه با عدد خاص دارای کدام توزیع است؟

- الف.  $F$  ب.  $t$  ج.  $\chi^2$  د.  $Z$

۲۱. اگر تابع مولد گشتاور متغیری به صورت  $M_\alpha(t) = e^{2t+5t^2}$  باشد در اینصورت واریانس و میانگین چقدر است؟

- الف. ۱۰ و ۳ ب. ۱۰ و ۲ ج. ۵ و ۲ د. ۲ و ۱۰

۲۲. اگر  $S^2$  واریانس نمونه‌ای باشد واریانس  $S^2$  چقدر است؟

- الف.  $\sigma^2$  ب.  $\frac{\sigma^2}{n-1}$  ج.  $\frac{\sigma^2}{n-1}$  د.  $\frac{2\sigma^2}{n-1}$



استفاده از: ماشین حساب ساده مجاز است.

۲۳. اگر توزیع فی - دو با درجه آزادی ۵ را داشته باشیم در اینصورت امید ریاضی و واریانس آن چقدر است؟

- الف. ۱۰ و ۵      ب. ۲۰ و ۱۰      ج. ۵ و ۱۰      د. ۵ و ۲۰

۲۴. اگر  $x_1, x_2$  دارای توزیع نرمال استاندارد باشند در اینصورت  $\frac{x_1^2}{x_2^2}$  دارای چه توزیعی است؟

- الف. نرمال استاندارد      ب. فی - دو با ۲ درجه آزادی  
ج.  $t$  با ۲ درجه آزادی      د.  $F$  با ۱ و ۱ درجه آزادی

۲۵. در نمونه‌های کوچک که واریانس جامعه معلوم است و نمی‌توان از توزیع نرمال برای تعیین فاصله اطمینان برای جامعه ای

استفاده کرد کدام فاصله اطمینان مشاهده می‌شود. (با فرض اینکه  $\bar{x}$  میانگین نمونه‌ای و  $\sigma$  واریانس و  $\alpha$  ضریب اطمینان است.)

- الف.  $\left( \bar{x} \pm \frac{\sigma}{\sqrt{n}} t_{\alpha/2, n-1} \right)$       ب.  $\left( \bar{x} \pm \frac{\sigma}{\sqrt{\alpha n}} \right)$   
ج.  $\left( \bar{x} \pm \frac{s}{\sqrt{n}} t_{\alpha/2, n-1} \right)$       د.  $\left( \bar{x} \pm \frac{s}{\sqrt{n}} Z_{\alpha/2} \right)$

۲۶. اگر توزیع یکنواخت در بازه  $[\theta, 0]$  را داشته باشیم مقدار برآورد پارامتر  $\theta$  به روش حداکثر درست‌نمایی چقدر است؟

- الف.  $2\bar{x}$       ب.  $X_{Max}$       ج.  $X_{Min}$       د.  $\bar{X}$

۲۷. برای برآورد نسبت در یک جامعه با خطای ۱۰ درصد و ضریب اطمینان ۹۵ درصد حداقل حجم نمونه را چقدر انتخاب

کنیم؟ ( $Z_{0.025} = 2$ )

- الف. ۳۰      ب. ۸۰      ج. ۱۰۰      د. ۴۰۰

۲۸. اگر فرض  $H_0: \mu \geq \mu_0$  در مقابل  $H_1: \mu < \mu_0$  را داشته باشیم ناحیه بحرانی به چه صورت است؟

- الف.  $Z < Z_{\alpha/2}$       ب.  $Z < -Z_{\alpha/2}$       ج.  $Z < Z_{\alpha}$       د.  $Z < -Z_{\alpha}$



پیام نور-

دانشجویان  
پایگاه خبریPNUNA.COM  
PNU News Agency

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: --

نام درس: آمار ۲

رشته تحصیلی / کُد درس: علوم اقتصادی (اقتصاد نظری) (۱۱۱۷۱۱۸)

--

مجاز است.

ماشین حساب ساده

استفاده از:

۲۹. اگر خطای نوع اول را کاهش دهیم توان و خطای نوع دوم چه تغییری می‌کنند. (بافرض ثابت بودن سایر مشخصه‌ها)

الف. هر دو افزایش      ب. هر دو کاهش      ج. کاهش - افزایش      د. افزایش - کاهش

۳۰. اگر در جول توافقی  $3 \times 5$  که دارای ۱۸۰ عضو است مجموع سطر دوم ۹۰ مقدار مورد انتظار برای تقاطع  $3 \times 3$ ، ۴۰ باشد مجموع ستون سوم چقدر است؟

د. ۶۰۰

ج. ۵۸۰

ب. ۵۶۰

الف. ۸۰



تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: --

نام درس: آمار ۲

رشته تحصیلی/ کُد درس: علوم اقتصادی (اقتصاد نظری) (۱۱۱۷۱۱۸)



مجاز است.

استفاده از:

فرمولهای درس آمار و احتمال ۲ رشته اقتصاد

$$Z_{\bar{X}} = \frac{\bar{X} - \mu}{\frac{\delta}{\sqrt{n}}} \quad t_{n-1} = \frac{Z_{\bar{X}}}{\sqrt{\frac{\chi_{n-1}^2}{n-1}}} \quad t_{n-1} = \frac{\bar{X} - \mu}{\frac{S}{\sqrt{n}}}$$

$$F_{n_1-1, n_2-1} = \frac{\delta_1^2}{\delta_2^2} \times \frac{S_1^2}{S_2^2} \quad V(\hat{\theta}) = \frac{1}{E\left[\frac{\Delta}{\Delta\theta} \ln f(x, y)\right]^2}$$

$$MSE = E(\hat{\theta} - \theta)^2$$

$$P\left(\bar{X} - Z_{1-\frac{\alpha}{2}} \frac{\sigma}{\sqrt{n}} < \mu < \bar{X} + Z_{1-\frac{\alpha}{2}} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}\right) = 1 - \alpha$$

$$P\left[(\bar{X}_1 - \bar{X}_2) - Z_{1-\frac{\alpha}{2}} \sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}} < \mu_1 - \mu_2 < (\bar{X}_1 - \bar{X}_2) + Z_{1-\frac{\alpha}{2}} \sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}\right] = 1 - \alpha$$

$$\varepsilon_1 = t_{1-\frac{\alpha}{2}, n-1} \frac{S}{\sqrt{n}}$$

$$P[\bar{X} - \varepsilon < \mu < \bar{X} + \varepsilon] = 1 - \alpha$$

$$\varepsilon_2 = t_{1-\frac{\alpha}{2}, n_1+n_2-2} S_P \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}$$

$$P[\bar{X} - \varepsilon < \mu < \bar{X} + \varepsilon] = 1 - \alpha$$

$$S_P^2 = \frac{(n_1-1)S_1^2 + (n_2-1)S_2^2}{n_1 + n_2 - 2}$$

$$P\left[\frac{(n_1-1)S^2}{\chi_{1-\frac{\alpha}{2}, n_1}^2} < \sigma^2 < \frac{(n_1-1)S^2}{\chi_{\frac{\alpha}{2}, n_1-1}^2}\right] = 1 - \alpha$$