



استفاده از: ماشین حساب مجاز است.

۱. در یک شبکه  $bcc$ ، تعداد نقاط در هر نقاط شبکه در هر یاخته و حجم یاخته بسیط به ترتیب عبارتند از:

الف. ۲،  $\frac{a^3}{2}$       ب. ۲،  $\frac{a^3}{4}$       ج. ۴،  $\frac{a^3}{2}$       د. ۴،  $\frac{a^3}{4}$

۲. سرب در ساختار  $fcc$  متبلور می شود. اگر شعاع اتمی سرب  $0.1743nm$  باشد، فاصله نزدیکترین همسایه نانومتر است؟

الف.  $\frac{0.1743}{\sqrt{2}}$       ب.  $0.1743\sqrt{2}$       ج.  $0.3486$       د.  $0.1743$

۳. تعداد محورهای دوران چهارگانه از عناصر تقارنی در یک بلور مکعبی برابر است با:

الف. ۴      ب. ۳      ج. ۶      د. ۱

۴. در شبکه مکعبی الماس، شعاع اتمی برابر است با:

الف.  $\frac{\sqrt{3}a}{4}$       ب.  $\frac{a}{\sqrt{3}}$       ج.  $\frac{\sqrt{3}a}{2}$       د.  $\frac{\sqrt{3}a}{8}$

۵. عامل فشردگی بلور ژرمانیوم کدام است؟

الف.  $0.74$       ب.  $0.34$       ج.  $0.68$       د.  $0.52$

۶. در شبکه مکعبی ساده  $d_{100}$ ،  $d_{110}$ ،  $d_{111}$  به ترتیب کدامند؟ (ثابت شبکه را  $a = 2$  فرض کنید).

الف.  $4, 4\sqrt{5}, 4\sqrt{3}$       ب.  $2, 2\sqrt{5}, 4\sqrt{3}$       ج.  $\frac{4}{\sqrt{5}}, \frac{2}{\sqrt{3}}$       د.  $\frac{2}{\sqrt{5}}, \frac{1}{\sqrt{3}}$

۷. در یک بلور مکعبی یا ثابت شبکه ای  $a$  تعداد اتمهای یاخته  $n$ ، چگالی  $\rho$  و وزن اتمی  $M$ ، ثابت شبکه ای برابر است با: (

$N_A$  عدد آووگادرو می باشد)

الف.  $a = \left( \frac{nM}{\rho N_A} \right)^{\frac{1}{3}}$       ب.  $a = \frac{nM}{\rho N_A}$

ج.  $a = \left( \frac{nM}{\rho N_A} \right)^{\frac{1}{3}}$       د.  $a = \left( \frac{\rho N_A}{nM} \right)^{\frac{1}{3}}$



استفاده از: ماشین حساب ساده مجاز است.

۸. شبکه وارون ابزار مناسبی برای مطالعه ..... در بلورها است.

الف. خواص الکتریکی، گرمایی و نوری

ب. پارامترهای شبکه

ج. خواص الکتریکی و مغناطیسی

د. نظم مغناطیسی موجود در جامدات

۹. بردار شبکه وارون  $\vec{G} = \frac{2\pi}{a}(\hat{i} + \hat{j} + \hat{k})$  بر کدام دسته صفحات یک شبکه مکعبی ساده با ثابت شبکه  $a$  عمود است؟

الف. (۲ ۲ ۲) ب. (۱ ۲ ۲) ج. (۲ ۱ ۱) د. (۱ ۱ ۲)

۱۰. در طیف‌نگاری اشعه  $x$  از بلوری با ساختار مکعبی  $bcc$  قله‌های پراش ناشی از کدام صفحات مشاهده می‌شوند؟

الف. (۱ ۰ ۰) ب. (۲ ۰ ۰) ج. (۱ ۱ ۱) د. (۲ ۱ ۰)

۱۱. زمانی که شدت پرتو باز تابیده از صفحه  $G$  مربوط ماکزیمم باشد، در این صورت عامل ساختار:

الف. غیر صفر است ب. صفر است ج. برابر  $2f$  است د. کمیتی حقیقی است

۱۲. در حالت‌های پیوندی یون مولکول هیدروژن، انرژی کل مولکول  $H_2^+$  برابر است با:

الف.  $E_{1S} - \frac{A+B}{1+\Delta}$  ب.  $E_{1S} - \frac{A-B}{1-\Delta}$

ج.  $\langle E \rangle + \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 R}$  د.  $E_{1S} - \frac{A+B}{1+\Delta} + \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 R}$

۱۳. برای بلورهایی با یک اتم در یاخته بسیط، توزیع اتم‌ها حول هر اتم موردنظر با توزیع اتم‌ها حول اتم‌های دیگر یکسان است. در چنین حالتی، انرژی مغز-مغز کل برای  $N$  اتم یکسان عبارت است از:

الف.  $E_C = \frac{\beta}{R^n}$  ب.  $E_C = \frac{NZ\beta}{4R^n}$  ج.  $E_C = \beta e \frac{R}{\rho}$  د.  $E_C = -\frac{Ne^2\alpha}{4\pi\epsilon_0 R}$

۱۴. انرژی کل دو اتم آرگون نسبت به انرژی‌شان در فاصله جدایی بینهایت کدام است؟

الف.  $-a_0 \frac{A}{R^6} + \frac{B}{R^{12}}$  ب.  $-\frac{\alpha e^2}{4\pi\epsilon_0 R} + \frac{A}{R^6}$  ج.  $-C \left(\frac{a_0}{R}\right)^6 + B \left(\frac{a_0}{R}\right)^{12}$  د.  $-C \left(\frac{a_0}{R}\right)^{12} + B \left(\frac{a_0}{R}\right)^6$



استفاده از: ماشین حساب ساده مجاز است.

۱۵. در یک بلور یک بعدی وابستگی فرکانس  $\omega$  به بردار موج  $k$  در حد طول موجهای بلند ( $\lambda \gg a$ ) به صورت خطی است. مفهوم فیزیکی این مطلب کدام است؟

الف. گسستگی اتمهای منفرد قابل صرفنظر کردن است و شبکه همانند یک محیط پیوسته عمل می کند

ب. در چنین شرایطی اتمهای مجاور دارای اختلاف فاز  $\pi$  می باشند

ج. امواج کشسانی که بردار موجهای آن به مرز منطقه بریلوئن ختم می شود، در شبکه منتشر نمی شوند و تشکیل امواج ایستاده را می دهند

د. اتمهای بلور می توانند هم ارتعاشات طولی و هم ارتعاشات عرضی را انجام بدهند

۱۶. در یک شبکه خطی دو اتمی، شاخه صوتی منحنی پاشندگی در حد طول موجهای بلند ( $Ka \ll 1$ ) دارای چه فرکانسی است؟

$$\omega = \left[ \frac{2C(M_1 + M_2)}{M_1 M_2} \right]^{\frac{1}{2}} \quad \text{ب.} \quad \omega = \left[ \frac{C}{2(M_1 + M_2)} \right]^{\frac{1}{2}} \quad \text{الف.}$$

$$\omega = \left[ \frac{C}{2(M_1 + M_2)} \right]^{\frac{1}{2}} ka \quad \text{د.} \quad \omega = \left[ \frac{2C(M_1 + M_2)}{M_1 M_2} \right]^{\frac{1}{2}} ka \quad \text{ج.}$$

۱۷. کدام گزینه در مورد فونونها صحیح است؟

الف. تکانه  $\hbar k$  یک فونون تکانه فیزیکی واقعی است و فونونهای یک شبکه تکانه حمل می کنند

ب. تنها در مورد مد یکنواخت  $k = 0$  بلور بطور یکجا جابجا می شود و در این حالت حامل تکانه است

ج. برای بلوری با پایه تک اتمی که حامل یک فونون با  $k \neq 0$  باشد، تکانه بلور مخالف صفر است

د. همواره می توان یک مقدار منحصر به فرد  $k$  به یک فونون نسبت داد

۱۸. در دماهای بالا و پایین گرمای ویژه جامدات به ترتیب چه نوع رابطه ای با دما دارد؟

الف. مستقل از دما، متناسب با  $T^2$

ب. متناسب با  $T$ ، متناسب با  $T^3$

ج. مستقل از دما، متناسب با  $T$

د. مستقل از دما، متناسب با  $T^3$

۱۹. رسانندگی گرمایی در عایقها توسط کدام رابطه داده می شود؟

$$\frac{1}{3} C_V v \ell \quad \text{الف.} \quad \frac{1}{3} C_V v \ell \quad \text{ب.} \quad -K \frac{dt}{dx} \quad \text{ج.} \quad \frac{1}{3} C_V v \ell^2 \quad \text{د.}$$

۲۰. انرژی جنبشی میانگین ذره برای گاز فرمی شامل  $N$  ذره در دمای صفر مطلق برابر است با:

$$\langle E \rangle = \frac{\hbar}{2m} \left( \frac{3}{2} \pi^2 n \right)^{\frac{2}{3}} \quad \text{الف.} \quad \langle E \rangle = \frac{3}{5} NE_f \quad \text{ب.}$$

$$\langle E \rangle = \frac{3}{5} E_f \quad \text{ج.} \quad \langle E \rangle = NE_f \quad \text{د.}$$



استفاده از: ماشین حساب ساده مجاز است.

سئوالات تشریحی

\* بارم هر سوال ۱/۷۵ نمره

۱. عامل ساختار  $S_G$  را برای یک شبکه  $bcc$  بدست آورده و در مورد پراش از دسته صفحات مختلف بحث کنید.

۲. الف. اندیسهای میلر صفحه‌ای را محورهای مختصات را در نقاط  $(a, 2b, 5c)$  قطع می‌کند، بدست آورید.

ب. با استفاده از رابطه پاشندگی  $\omega = \left[ \frac{4}{M} \sum_{P>0} C_P \sin^2 \left( \frac{Pka}{2} \right) \right]^{\frac{1}{2}}$  سرعت گروه را بصورت تابعی از  $K$  محاسبه کنید.

۳. مطابق مدل دبی، انرژی کل نوسان کننده‌های اتمی از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$E = 9NK_B T \left[ \frac{T}{\theta_D} \right]^3 \int_0^{\frac{\theta_D}{T}} \frac{x^3 dx}{e^x - 1} \quad \text{و} \quad \begin{cases} x = \frac{h\nu_D}{K_B T} \\ K_B \theta_D = h\nu_D \end{cases}$$

در حد دماهای بالا و دماهای بسیار پایین، ظرفیت گرمایی ویژه یک جامد را بدست آورید و نتایج حاصل را با نتایج تجربی

$$\left( \int_0^{\infty} \frac{x^3}{e^x - 1} dx = \frac{\pi^4}{15} \right) \text{مقایسه کنید.}$$

۴. رسانندگی الکتریکی و قانون اهم براساس نظریه کلاسیک را بطور خلاصه توضیح داده و روابط کلاسیک برای رسانایی ویژه الکتریکی و مقاومت ویژه الکتریکی فلزات را بدست آورید.