



مجاز است.

استفاده از:

۱. حاصل انتگرال $\int \frac{\sin(\ln x)}{x} dx$ برابر است با:

- ب. $\cos(\ln x) + c$
د. $-\ln(\cos x) + c$

- الف. $-\cos(\ln x) + c$
ج. $\ln(\cos x) + c$

۲. مقدار انتگرال معین $\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \sec x \cdot \tan x dx$ برابر کدام گزینه می‌باشد؟

د. $\frac{2}{\sqrt{2}}$

ج. $\frac{\sqrt{2}}{2}$

ب. $1 - \frac{2}{\sqrt{2}}$

الف. $1 - \frac{\sqrt{2}}{2}$

۳. مساحت محدود به نمودار تابع $f(x) = \frac{1}{x}$ و خطوط $x = e$, $x = 1$ کدام است؟

د. ۱

ج. صفر

ب. $e - 1$

الف. $1 - e$

۴. کدام گزینه یک تابع اولیه برای تابع $f(x) = \sec^3(3x - 1)$ می‌باشد؟

ب. $\frac{1}{3} \tan(3x - 1)$

الف. $\frac{1}{3} \sec^3(3x - 1)$

د. $\sec(3x - 1)$

ج. $3 \sec(3x - 1)$

۵. حاصل دترمینان ماتریس $\begin{bmatrix} 2 & 1 & -1 \\ 0 & 3 & 1 \\ 0 & -3 & 2 \end{bmatrix}$ برابر کدام گزینه است؟

د. ۱۸

ج. -۱۲

ب. صفر

الف. ۱۲

۶. اگر ماتریس افزوده یک دستگاه سه معادله و سه مجهول برابر باشد در این صورت:

$$\left[\begin{array}{ccc|c} 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & -1 & 3 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{array} \right]$$

ب. دستگاه جواب ندارد.

الف. دستگاه یک جواب دارد.

د. قابل تشخیص نیست.

ج. دستگاه بیشمار جواب دارد.

مجاز است.

استفاده از:

۷. اگر ماتریس A مربعی، متقارن و مثلثی باشد و روی قطر اصلی آن ۱ و ۲ و ۱ باشد در این صورت $\det(A + A^t)$ برابر است با:

۱.
۴.

ج. صفر

ب. ۲

الف. ۱۶

۸. ماتریس $A = \begin{bmatrix} ۲ & ۱ \\ -۲ & -۳ \end{bmatrix}$ را در نظر بگیرید. ماتریس همسازه‌های آن برابر کدام گزینه است؟

$\begin{bmatrix} -۲ & -۲ \\ ۱ & ۳ \end{bmatrix}$.

$\begin{bmatrix} -۳ & ۲ \\ -۱ & ۲ \end{bmatrix}$.

$\begin{bmatrix} -۳ & -۱ \\ ۲ & ۲ \end{bmatrix}$.

$\begin{bmatrix} -۳ & ۱ \\ ۲ & ۲ \end{bmatrix}$.

۹. اگر ماتریس مربعی A توسط اعمال سطحی مقدماتی به ماتریس همانی تبدیل شود در این صورت:

ب. $\det(A) = \frac{1}{\det(A^{-1})}$

الف. دترمینان A مخالف صفر است.

د. موارد الف و ب

ج. A و معکوس آن با هم برابرند.

۱۰. هرگاه $\int_1^3 f(x) dx = 1$, $\int_1^2 f(x) dx = 5$ باشد حاصل $\int_3^2 f(x) dx = ?$ برابر کدام گزینه است؟

د. ۶

ج. ۲

ب. ۴

الف. -۴

۱۱. جواب معادله $= ۰$ کدام است؟
- $$\begin{vmatrix} ۱ & ۰ & -۲ \\ ۳ & x & ۴ \\ ۱ & ۳ & ۲ \end{vmatrix}$$

د. $\frac{-15}{2}$

ج. $\frac{15}{2}$

ب. -۱۵

الف. ۱۵

۱۲. کدامیک از مجموعه‌های زیر مستقل خطی هستند؟

- ب. $\{(1,0,1), (0,1,1), (0,0,1)\}$
- د. $\{(1,-1,1), (0,0,1), (1,0,1), (2,0,1)\}$

الف. $\{(2,0,0), (0,0,1), (1,1,1)\}$

ج. $\{(1,-1,0), (0,1,0)\}$



تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

نام درس: ریاضیات و کاربرد آن در مدیریت ۲ - ریاضیات و کاربرد آن در مدیریت-ریاضیات پایه و مقدمه
رشته تحصیلی / کُد درس: بازرگانی ۱۱۱۱۱۸ صنعتی ۱۱۱۰۰۶ دولتی ۱۱۱۰۱۰ حسابداری ۱۱۱۰۱۳ تجمعی(حساب
اقتصادی) ۱۱۱۰۱۵ جراین ارشد علوم اقتصادی ۱۱۱۱۰۱۵ علوم اجتماعی(برنامه ریزی و تعاون و رفاه) ۱۲۲۲۱۹۶

مجاز است.

استفاده از:

۱۳. ماتریس نمایشگر تابع خطی $f(x, y) = \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix}$ برابر کدام گزینه است؟

- د. $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$
- ج. $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$
- ب. $\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$
- الف. $\begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$

۱۴. قلمرو تابع $f(x, y) = \frac{x}{x - y}$ برابر کدامیک از گزینه‌های زیر است؟

- ب. R^+
- الف. R

د. $\{(x, y) | y \neq x\}$

ج. $\{(x, y) | y = \frac{x}{m}\}$

۱۵. مقدار $\lim_{(x,y) \rightarrow (e,1)} \ln(e^x - \frac{x}{y})$ برابر با کدامیک از مقادیر زیر است؟

- ب. $e^x - e$
- الف. وجود ندارد.

- د. صفر
- ج. $\ln(e^x - e)$

۱۶. اگر $f(x, y, z) = x^y \cos z - z \sin y$ باشد مقدار $\frac{\partial f}{\partial z}$ برابر است با:

- ب. $x^y \sin z - \sin y$
- الف. $-x^y \sin z - \sin y$

- د. صفر
- ج. $-x^y \sin z - z \cos y$

۱۷. اگر $f(x, y) = e^{mx^y - \alpha y} + \sin x$ در نقطه $(1,1)$ برابر است با:

- د. $-\alpha e^{-1}$
- ب. $-\alpha e^m$
- الف. αe^m

۱۸. اگر df مقدار $dy = 0, dx = 0, x = 1, y = 0, f(x, y) = e^{xy}$ برابر است با:

- د. $\frac{e}{10}$
- ب. صفر
- الف. $0/1$

مجاز است.

استفاده از:

۱۹. اگر $(1,1)$ نقطه بحرانی تابع $f(x, y)$ باشد و در این نقطه $f_{yy} = -1$, $f_{xx} = ۲$ آنکاه نقطه $(1,1)$ یک نقطه:

ب. ماکزیمم نسبی

الف. می‌نیم نسبی

د. هیچکدام

ج. زین اسبی

۲۰. کدام گزینه جواب معادله دیفرانسیل $y' - \sec^2 x = ۰$ می‌باشد؟

ب. $y = \tan x + C$

الف. $y = \tan x + C$

د. $y = \tan x - C$

ج. $y = \tan x$

سوالات تشریحی

*بارم هر سؤال ۲ نمره می‌باشد.

۱. هر یک از انتگرال‌های زیر را حساب کنید.

$$\int \frac{x \ln(x^2 + 1)}{x^2 + 1} dx, \quad \int_{-5}^1 |x + 3| dx$$

۲. تابع خطی با ضابطه $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x - y \\ -x + 2y \end{pmatrix}$ را در نظر بگیرید. آیا این تابع معکوس پذیر است؟ در صورت مثبت بودن جواب معکوس آنرا بیابید.

$$3. \text{ به کمک خواص دترمینان حاصل} \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1+a & 1 \\ 1 & 1 & 1+a \end{vmatrix} \text{ را بدست آورید.}$$

۴. دستگاه معادلات $\begin{cases} 2x + 3y + z = 9 \\ x + 2y + 3z = 6 \\ 3x + y + 2z = 8 \end{cases}$ را در نظر می‌گیریم. اوّاً معکوس ماتریس ضرایب دستگاه را محاسبه کنید. سپس

جواب دستگاه را بدست آورید.

۵. نشان دهید که تابع $y = \cos 3x \sin 3y$ در معادله $z = \frac{\partial^2 z}{\partial x^2} - \frac{\partial^2 z}{\partial y^2} = ۰$ صدق می‌کند.