

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: ریاضیات ۱، ریاضیات مقدماتی

پیام نور  
دانشجویان کارشناسی  
پایگاه خبری

**PNUNA.COM**

روش تحصیلی/ گد درس: جغرافیای انسانی (روستایی)، جغرافیای انسانی (شهری)، جغرافیای طبیعی (اقليم شناسی)، جغرافیا و برنامه ریزی شهری (کارشناسی) ۱۱۱۰۰۲ -، جغرافیا و برنامه ریزی ژئومورفولوژی، جغرافیا و برنامه ریزی شهری (جدید)، آب و هوا شناسی، ژئومورفولوژی ۱۱۱۳۰۰

روستایی، جغرافیا و برنامه ریزی شهری (جدید)، آب و هوا شناسی، ژئومورفولوژی ۱۱۱۳۰۰

### سوالات تشریحی

نمره ۱،۴۰

$$2^{k+3} = 28 + 2^k \Rightarrow 2^k(8 - 1) = 28 \Rightarrow 2^k = 4 \Rightarrow k = 2 \quad -1$$

نمره ۱،۴۰

-۲ معادلات دو خط را در یک دستگاه قرار می دهیم:

$$\begin{cases} 2x - by - a = 0 \\ x + ay - b = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x + ay = b \\ 2x - by = a \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -2x - 2ay = -2b \\ 2x - by = a \end{cases} \Rightarrow y = \frac{a - 2b}{-2a - b}$$

$$x = \frac{a + b}{2a + b}$$

نمره ۱،۴۰

$$y = \frac{x + 3}{x + a} \Rightarrow xy + ay = x + 3 \Rightarrow xy - x = 3 - ay \Rightarrow x(y - 1) = 3 - ay \quad -3$$

$$x = \frac{3 - ay}{y - 1} \Rightarrow f^{-1}(x) = \frac{3 - ax}{x - 1}$$

$$f(x) = f^{-1}(x) \Rightarrow \frac{x + 3}{x + a} = \frac{3 - ax}{x - 1} \Rightarrow a = -1$$

نمره ۱،۴۰

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x - [x]}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x - 1}{x - 1} = 1 \quad \text{لذا } x \rightarrow 1^+ \Rightarrow [x] = 1 \quad \text{الف) چون}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{\sin 2x}{4x} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2} \quad \text{با استفاده از قضیه فشردگی داریم:}$$

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: ریاضیات ۱، ریاضیات مقدماتی

پیام نور  
دانشجویان یک  
پایگاه خبری

**PNUNA.COM**

News Agency

روش تحصیلی/ گد درس: جغرافیای انسانی (روستایی)، جغرافیای انسانی، جغرافیای انسانی (شهری)، جغرافیای طبیعی (اقليم شنی) جغرافیای طبیعی (ژئوفلوزی)، جغرافیای طبیعی، جغرافیا و برنامه ریزی (کارشناسی ۱۱۱۰۰۲) -، جغرافیا و برنامه ریزی (روستایی)، جغرافیا و برنامه ریزی شهری (جدید)، آب و هوا شناسی، ژئوفلوزی ۱۱۱۳۰۰

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

۴۰ نمره باید در نقاط مرزی  $x = ۱$  و  $x = ۲$  پیوسته باشد.

در نقطه ۱  $x = ۱$  داریم:

$$\begin{cases} \lim_{x \rightarrow 1^+} x^r - x + 4a = 4a \\ \lim_{x \rightarrow 1^-} 2ax^r + bx - 3 = 2a + b - 3 \Rightarrow 2a + b - 3 = 4a \Rightarrow 2a - b = -3 \\ f(1) = 1^r - 1 + 4a = 4a \end{cases}$$

در نقطه ۲  $x = 2$  داریم:

$$\begin{cases} \lim_{x \rightarrow 2^+} 5x - b = 10 - 2b \\ \lim_{x \rightarrow 2^-} x^r - x + 4a = 4a + 6 \Rightarrow 4a + 6 = 10 - 2b \Rightarrow 4a + 2b = 4 \\ f(2) = 5(2) - 2b = 10 - 2b \end{cases}$$

از دو معادله فوق نتیجه می‌گیریم:  $a = \frac{-1}{4}$  و  $b = \frac{5}{2}$