

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: جبر خطی، مبانی ماتریس ها و جبر خطی

و شه تحصیلی / گد درس: ریاضی محض (ارشد)، ریاضی (کاربردی)، ریاضی (محض)، مهندسی صنایع ۱۱۱۱۰۴۰ - آمار و کاربردها، ریاضیات و کاربردها
علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۲۰

-۱- یک دستگاه همگن از معادلات خطی که تعداد متغیرهایش بیشتر از معادلات است، دارای است.

۲. دو جواب مساوی

۱. یک جواب صفر

۳. تعداد بسیاری جواب

$$A = \begin{bmatrix} 4 & 1 & -2 \\ 2 & -5 & 6 \\ 7 & 3 & 0 \end{bmatrix}$$

اثر ماتریس A برابر است با:

-۱ . ۴

-۲ . ۳

۱ . ۲

۲ . ۱

$$A = \begin{bmatrix} 2+3i & 1-4i \\ 6 & 7i \end{bmatrix}$$

اگر A^* باشد آنگاه A^* برابر است با:

$$A = \begin{bmatrix} 2-3i & 6 \\ 1+4i & -7i \end{bmatrix}$$

$$A = \begin{bmatrix} 2+3i & 6 \\ 1+4i & 7i \end{bmatrix}$$

$$A = \begin{bmatrix} 2-3i & -6 \\ 1-4i & -7i \end{bmatrix}$$

$$A = \begin{bmatrix} 2+3i & -6 \\ 1-4i & 7i \end{bmatrix}$$

-۴- فرض کنید A و B ماتریس هایی با درایه های مختلف و \mathbb{Z} یک عدد مختلف باشد. کدام یک از گزینه های زیر درست نیست؟

$$(A+B)^* = A^* + B^*$$

$$(zA)^* = \bar{z}A^*$$

$$(AB)^* = A^* B^*$$

$$(A^*)^* = A$$

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$

معکوس ماتریس A برابر است با:

$$A = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix}$$

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ \frac{3}{2} & 2 \end{bmatrix}$$

$$A = \begin{bmatrix} -\frac{1}{2} & 1 \\ \frac{3}{2} & -2 \end{bmatrix}$$

$$A = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ \frac{3}{2} & -\frac{1}{2} \end{bmatrix}$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۵

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: جبر خطی، مبانی ماتریس ها و جبر خطی

و شه تحصیلی / گد درس: ریاضی محض (ارشد)، ریاضی (کاربردی)، ریاضی (محض)، مهندسی صنایع ۱۱۱۰۴۰ -، آمار و کاربردها، ریاضیات و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۲

$$\text{در معادله } \frac{x}{-1} + \frac{x+1}{x-2} = 7 \text{ برابر است با:}$$

۱. $x = -1$ یا 2

۲. $x = -2$ یا 3

۳. $x = 1$ یا 3

۴. $x = -2$ یا -1

-۴- اگر ماتریس B با جابجایی دو سطر (ستون) متواالی ماتریس A به دست آمده باشد، آنگاه:

$|B| = -2|A|$

$|B| = -|A|$

$|B| = 2|A|$

$|B| = |A|$

(۱. $(a, 3a)$)

(۲. $(2a, a)$)

(۳. $(-a, 3a)$)

(۴. $(-2a, a)$)

$$\text{عملگر } T: R^2 \rightarrow R^2 \text{ با ضابطه } T\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = r\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \text{ دارد نظر بگیرید. اگر } r < 0 \text{ آنگاه:}$$

۱. انقباضی از مضرب r است

۲. انقباضی از مضرب r است

۳. دوران حول r است

$$\text{معادله } y = 2x + 3 \text{ تحت انتقال } T\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} \text{ برابر است با:}$$

۱. $y = 2x + 1$

۲. $y = 2x - 1$

۳. $y = -2x$

۴. $y = 2x$

-۱۱- کدام یک از بردارهای زیر یک زیرفضای R^3 است؟

۱. مجموعه بردارهایی به فرم (a, a^2, b)

۲. مجموعه بردارهایی به فرم $(a, 0, 0)$

۳. مجموعه بردارهایی به فرم $(a, a, a+2)$

۴. مجموعه بردارهایی به فرم $(a, 3, 2a)$

-۱۲- مجموعه ای شامل حداقل دو بردار در یک فضای برداری وابسته بخطی است اگر و فقط اگر:

۱. بتوان یک بردار آن را بر حسب دو بردار دیگر از این مجموعه نوشت.

۲. نتوان یک بردار آن را بر حسب دیگر بردارهای این مجموعه نوشت.

۳. نتوان یک بردار آن را بر حسب دو بردار دیگر از این مجموعه نوشت.

۴. بتوان یک بردار آن را بر حسب دیگر بردارهای این مجموعه نوشت.

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۵

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: جبر خطی، مبانی ماتریس ها و جبر خطی

و شه تحصیلی / گد درس: ریاضی محض (ارشد)، ریاضی (کاربردی)، ریاضی (محض)، مهندسی صنایع ۱۱۱۰۴۰ -، آمار و کاربردها، ریاضیات و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۲

-۱۳- زیرفضاهای دوبعدی R^3 هستند که از مبدأ می گذرند.

۴. بردارهای

۳. نقاطی

۲. صفحه هایی

۱. خط هایی

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad \text{رتبه ماتریس} -14$$

۱. ۴

۳. ۳

۲. ۲

۴. ۱

-۱۵- تصویر بردار $(6, 7) = v$ روی بردار $u = (1, 4)$ کدام است؟

۴. $(6, 4)$

۳. $(8, 2)$

۲. $(4, 6)$

۱. $(2, 8)$

-۱۶- فرض کنید A ماتریسی مربع باشد. A قطری شدنی متعامد است اگر و فقط اگر:

۴. متقارن باشد

۳. سه قطری باشد

۲. پادمتقارن باشد

۱. هرمیتی باشد

$$\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \quad \text{کدام است؟} -17$$

۴. $(1, 1)$

۳. $(2, 1)$

۲. $(1, -1)$

۱. $(1, 2)$

-۱۸- هسته و برد عملگر خطی $T(x, y, z) = (x, y, 0)$ به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

۲. $\{(x, y, 0)\}, \{(0, 0, z)\}$

۱. $\{(x, 0, 0)\}, \{(0, y, z)\}$

۴. $\{(x, y, 0)\}, \{(0, y, z)\}$

۳. $\{(x, 0, 0)\}, \{(x, y, 0)\}$

-۱۹- یک تبدیل خطی T یک به یک است اگر و فقط اگر:

۲. برد آن تنها از بردار صفر تشکیل شده باشد

۱. هسته‌ی آن شامل بردار صفر نباشد

۴. هسته‌ی آن تنها از بردار صفر تشکیل شده باشد

۳. برد آن شامل بردار صفر نباشد

-۲۰- فرض کنید $f, g(x) = x$ باشد، در این صورت $\langle f, g \rangle = 3x - 2$ برابر است با:

۴. ۲

۳. ۳

۲. ۲

۱. ۱

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: جبر خطی، مبانی ماتریس ها و جبر خطی

و شه تحصیلی / گد درس: ریاضی محض (ارشد)، ریاضی (کاربردی)، ریاضی (محض)، مهندسی صنایع ۱۱۱۰۴۰ -، آمار و کاربردها، ریاضیات و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۲

سوالات تشریحی

۱.۴۰ نمره ۱- نشان دهید که تبدیل $R^2 \rightarrow R^3$ با ضابطه $T(x, y, z) = (xy, z)$ خطی نیست.

۱.۴۰ نمره ۲- ثابت کنید مجموعه U متشکل از ماتریس های قطری 2×2 یک زیرفضای فضای برداری M_{22} می باشد.

۱.۴۰ نمره ۳- فرض کنید $\{(1, 2, 0, 3), (4, 0, 5, 8), (8, 1, 5, 6)\}$ یک پایه برای زیرفضای V از R^4 باشد، در این صورت یک پایه یکه متعامد برای V بسازید.

۱.۴۰ نمره ۴- قضیه کیلی-هامیلتون را بیان و ثابت کنید.

۱.۴۰ نمره ۵- پایه های $\{(1, 0), (0, 1)\}$ و $B' = \{(1, 2), (3, -1)\}$ از R^2 را در نظر بگیرید. اگر u برداری باشد به طوری که $u_B = \begin{bmatrix} 3 \\ 4 \end{bmatrix}$ آنگاه $u_{B'}$ را بباید.