

سری سوال: یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

PNUNA.COM

پیام نور

رشته تحصیلی/گد درس: معادلات دیفرانسیل ۱۱۱۱۰۲۰-۱۱۱۱۴۷۴-۱۱۱۱۹۳-۱۴۱۱۱۹۳-۱۱۲۴۰۲۴-۱۱۱۱۴۰۹-۱۱۱۱۰۲۶-۱۱۱۱۰۲۰

پایگاه خبری دانشجویان پیام نور

۱- کدام جواب معادله دیفرانسیل  $y'' - 4y = 0$  است؟

۱.  $\ln x$       ۲.  $e^x$       ۳.  $e^{2x}$       ۴.  $x^2 - 3x - 1$

۲- مسیرهای متعامد بر خانواده دایری به معادله  $x^2 + y^2 = r^2$  کدام است؟

۱.  $y = k \ln x$       ۲.  $y = \frac{k}{x}$       ۳.  $y = kx$       ۴.  $y = ke^{kx}$

۳- در مورد معادله دیفرانسیل  $(3x^2 - 2y^2)dx + (1 - 4xy)dy = 0$  کدام گزینه درست است؟

۱. همگن از درجه صفر      ۲. جدایی پذیر      ۳. کامل      ۴. برنولی

۴- عامل انتگرال ساز برای معادله دیفرانسیل  $(x^2 + y^2 + x)dx + xydy = 0$  کدام است؟

۱.  $\frac{1}{e^x}$       ۲.  $\frac{1}{x^2}$       ۳.  $x$       ۴.  $\frac{1}{2}y^2$

۵- عامل انتگرال ساز معادله خطی مرتبه اول  $y' + p(x)y = q(x)$  کدام است؟

۱.  $\int p(x)dx$       ۲.  $\int p(x)q(x)dx$       ۳.  $\int q(x)dx$       ۴.  $\int dx$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

پیام نور  
PNUNA.COM

عنوان درس: معادلات دیفرانسیل

رشته تحصیلی/گد درس: ۱۱۱۱۴۷۴-۱۴۱۱۹۳-۱۱۲۴۰۲۴-۱۱۱۱۴۰۹-۱۱۱۱۰۲۶-۱۱۱۱۰۲۰-۱۱۱۱۰۲۰ معادلات دیفرانسیل

پایگاه خبری دانشجویان پیام نور

۶- معادله دیفرانسیل مرتبه دوم  $f(x, \frac{dx}{dt}, \frac{d^2x}{dt^2}) = 0$  با کدام تغییر متغیر حل می شود؟

۱.  $\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{dv}{dt}$  ,  $v = \frac{dx}{dt}$

۲.  $\frac{d^2x}{dt^2} = v \frac{dv}{dx}$  ,  $v = \frac{dx}{dt}$

۳.  $\frac{d^2x}{dt^2} = x \frac{dv}{dx}$  ,  $v = \frac{dx}{dt}$

۴.  $\frac{d^2x}{dt^2} = v \frac{dv}{dx}$  ,  $v = \frac{dt}{dx}$

۷- معادله  $y'' + py' + qy = 0$  دارای جوابهای  $e^x$  و  $xe^x$  می باشد، اعداد ثابت  $p$  و  $q$  کدامند؟

۱.  $p = q = 1$     ۲.  $p = 1, q = -2$     ۳.  $p = -1, q = 2$     ۴.  $p = -2, q = 1$

۸- یک جواب خاص معادله دیفرانسیل خطی غیرهمگن  $y'' - 2y' + 4y = \frac{e^x}{e^{2x} + 7}$  را به کمک کدام روش یا کدام

صورت می توان تعیین کرد؟

۱.  $y_p = e^{2x}$

۲. روش تغییر پارامترها

۳. روش ضرایب ثابت

۴.  $y_p = \ln x$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

پیام نور  
PNUNA.COM

عنوان درس: معادلات دیفرانسیل

رشته تحصیلی/کد درس: ۱۱۱۱۴۷۴-۱۴۱۱۹۳-۱۱۲۴۰۲۴-۱۱۱۱۴۰۹-۱۱۱۱۰۲۶-۱۱۱۱۰۲۰ معادلات دیفرانسیل ۱۱۱۱۰۲۰

پایگاه خبری دانشجویان پیام نور

۹- کدامیک از معادلات زیر با روش ضرایب ثابت حل می شود؟

$$y''' + 2y = \cos(e^{-x}) \quad .2 \quad y''' + y' = \sec x \quad .1$$

$$x^2 y'' - xy' + y = x^2 \ln x \quad .4 \quad y'' + y = \tan x \quad .3$$

۱۰- جواب خصوصی معادله دیفرانسیل  $y'' + 4y' + 4y = 3xe^{-2x}$  کدام است؟

$$y_p = (3x+1)e^{-2x} \quad .2 \quad y_p = Axe^{-2x} \quad .1$$

$$y_p = x^2(3x+1)e^{-2x} \quad .4 \quad y_p = \frac{1}{3}x^3e^{-2x} \quad .3$$

۱۱- سری توان  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{n+1}(x-2)^n$  روی کدام فاصله همگراست؟

$$(3,5) \quad .4 \quad \left(-\frac{7}{2}, -\frac{5}{2}\right) \quad .3 \quad (-1,1) \quad .2 \quad (1,3) \quad .1$$

۱۲- نقاط منفرد منظم معادله دیفرانسیل  $y'' + \frac{1}{x}y' - 2y = 0$  کدام است؟

$$x = 0 \quad \text{تنها} \quad .2 \quad x = 1 \quad \text{تنها} \quad .1$$

$$x = 0 \quad \text{و} \quad x = 1 \quad .3 \quad \text{نقطه منفرد منظم ندارد.} \quad .4$$

۱۳- در مورد تابع گاما کدام گزینه درست است؟

$$\Gamma(x+1) = x\Gamma(x) \quad .2 \quad \Gamma(n+1) = n! \quad .1$$

$$\Gamma\left(\frac{1}{2}\right) = \sqrt{\pi} \quad .3 \quad \text{هر سه مورد} \quad .4$$

۱۴- دستگاه 
$$\begin{cases} x_1' + x_2' = x_1 - x_2 \\ 2(x_1' + x_2') = t^2 - 2x_1 + 2x_2 \end{cases}$$
 را در نظر بگیرید، جواب عمومی آن شامل چند ثابت است؟

$$4 \quad .4 \quad 1 \quad .3 \quad 2 \quad .2 \quad 3 \quad .1$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

PNUNA.COM

پیام نور

عنوان درس: معادلات دیفرانسیل  
رشته تحصیلی/گد درس: ۱۱۱۱۴۷۴-۱۴۱۱۹۳-۱۱۲۴۰۲۴-۱۱۱۱۴۰۹-۱۱۱۱۰۲۶-۱۱۱۱۰۲۰-۱۱۱۱۰۲۰ معادلات دیفرانسیل

پایگاه خبری دانشجویان پیام نور

۱۵- اگر  $X_1, X_2$  جوابهای عمومی دستگاه معادلات

$$\begin{cases} (3D-1)x_1 + 4x_2 = t \\ Dx_1 - Dx_2 = t-1 \end{cases}$$

باشند  $X_1, X_2$  شامل چند ثابت

اختیاری هستند؟

۱. ۱      ۲. ۲      ۳. ۳      ۴. هیچکدام

۱۶- تبدیل لاپلاس تابع  $f(x) = e^{-x}x^2$  کدام است؟

۱.  $\frac{-1}{(s+1)^2}$       ۲.  $\frac{1}{(s+1)^2}$       ۳.  $\frac{2}{(s+1)^3}$       ۴.  $\frac{-2}{(s+1)^3}$

۱۷-  $L^{-1}\left[\frac{1}{s^2-3s}\right]$  برابر کدام است؟

۱.  $\frac{1}{3}(e^{3t}-1)$       ۲.  $\frac{1}{2}e^{3t}-3$       ۳.  $\frac{1}{4}(e^{3t}+1)$       ۴.  $\frac{1}{5}e^{3t}+\frac{9}{5}$

۱۸- فرض کنید  $f(t) = \begin{cases} \sin t & 0 \leq t \leq 2\pi \\ \sin t + \cos t & 0 \leq t \leq 2\pi \end{cases}$  در اینصورت تبدیل لاپلاس  $f(t)$  کدام است؟

۱.  $\frac{1-se^{-2\pi s}}{s^2+1}$       ۲.  $\frac{1+se^{-2\pi s}}{s^2+1}$       ۳.  $\frac{1+e^{-2\pi s}}{s^2+1}$       ۴.  $\frac{s-e^{-2\pi s}}{s^2+1}$

۱۹- تابع  $\frac{s-e^{-2xs}}{s^2+1}$  بر حسب تابع پله ای به کدام صورت نوشته می شود؟

۱.  $u_{2\pi}(t)\sin t + u_{2\pi}(t)\cos(t-\pi)$       ۲.  $u_{2\pi}(t)\sin t + u_{2\pi}(t)\cos(t-2\pi)$   
۳.  $\cos t + u_{2\pi}(t)\sin(t-2\pi)$       ۴.  $\sin t + u_{2\pi}(t)\cos(t-2\pi)$

۲۰- کدامیک از توابع زیر برابر باتبدیل لاپلاس کنولوسیون دو تابع می تواند باشد؟

۱.  $e^{-5}s^2$       ۲.  $\frac{1}{s^2+2s+3}$       ۳.  $\frac{1}{s^2(s^2+9)}$       ۴.  $\frac{3s}{s^2+1}$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵



عنوان درس: معادلات دیفرانسیل

رشته تحصیلی/گد درس: ۱۱۱۱۴۷۴-۱۴۱۱۹۳-۱۱۲۴۰۲۴-۱۱۱۱۴۰۹-۱۱۱۱۰۲۶-۱۱۱۱۰۲۰-۱۱۱۱۰۲۰ معادلات دیفرانسیل

پایگاه خبری دانشجویان پیام نور

سوالات تشریحی

۱.۴۰ شماره

۱- یک عامل انتگرال ساز برای معادله دیفرانسیل  $(2xy + x^2y + \frac{y^3}{3})dx + (x^2 + y^2)dy = 0$  پیدا کنید.

۱.۴۰ شماره

۲- با توجه به اینکه  $y_1(x) = x$  یک جواب معادله دیفرانسیل  $x^2(x+1)y'' - 2xy' + 2y = 0$  می باشد، جواب عمومی معادله دیفرانسیل را بدست آورید.

۱.۴۰ شماره

۳- بسط تیلر جواب های معادله  $y'' + (x-1)^2y' - 4(x-1)y = 0$  را در نقطه معمولی  $x = 1$  پیدا کنید.

۱.۴۰ شماره

۴- دستگاه زیر را حل کنید

$$\begin{cases} (D+4) + Dy = 1 \\ (D-2)x + y = t^2 \end{cases}$$

۱.۴۰ شماره

۵- معادله انتگرالی  $f(x) = x^2 + \int_0^x \sin(x-t)f(t)dt$  را به کمک تبدیل لاپلاس حل کنید.