

**عنوان درس:** ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختهای گسسته، مبانی ترکیبیات  
**رشته تحصیلی / گد درس:** علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۰۴ - آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۳۲۴ - مهندسی کامپیوتر گرایش ریاضی و اینش امن، مهندسی کامپیوتر گرایش فناوری اطلاعات، مهندسی کامپیوتر گرایش معماری سیستم های کامپیوتری، مهندسی کامپیوتر گرایش نرم افزار ۱۱۱۴۷۳ - علوم کامپیوتر (چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر-نرم افزار (چندبخشی) ۱۱۱۵۰۶۷ - مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

استفاده از ماشین حساب مهندسی مجاز است

۱- کدامیک از هم ارزی های زیر برقرار نیست؟

$$\neg(p \rightarrow q) \equiv (p \wedge \neg q) \quad .2$$

$$\neg(p \leftrightarrow q) \equiv (p \leftrightarrow \neg q) \quad .1$$

$$p \leftrightarrow q \equiv (p \rightarrow q) \wedge (q \rightarrow p) \quad .4$$

$$p \rightarrow q \equiv \neg p \wedge q \quad .3$$

۲- برای دنباله اعداد حقیقی  $(p \rightarrow q) \wedge (q \rightarrow p)$  اگر گزاره  $\exists N > 0, \forall n > N : |a_n - a_{n-1}| < 7$  نادرست باشد، کدام گزاره لزوماً صحیح است؟

$$\forall N > 0, \forall n > N : a_n - a_{n-1} \geq 7 \quad .2$$

$$\exists N > 0, \exists n > N : a_n - a_{n-1} \geq 7 \quad .1$$

$$\forall N \geq 0, \forall n > N : (a_n - a_{n-1})(a_{n-1} - a_n) \geq 49 \quad .4$$

$$\forall N > 0, \exists n > N : a_n - a_{n-1} \geq 7 \text{ or } a_{n-1} - a_n \geq 7 \quad .3$$

۳- نقیض گزاره  $\exists x \forall y (p(x, y) \rightarrow q(x, y))$  کدام گزینه است؟

$$\forall x \forall y p(x, y) \rightarrow q(x, y) \quad .2$$

$$\forall x \exists y p(x, y) \wedge \neg q(x, y) \quad .1$$

$$\forall x \forall y \neg p(x, y) \rightarrow \neg q(x, y) \quad .4$$

$$\forall x \exists y \neg p(x, y) \rightarrow \neg q(x, y) \quad .3$$

۴- کدامیک از گزاره های زیر همیشه درست هستند؟

$$p \wedge (\neg p \wedge \neg q) \quad .4$$

$$\neg q \rightarrow \neg p \quad .3$$

$$\neg p \rightarrow \neg p \quad .2$$

$$p \wedge \neg q \quad .1$$

۵- فرض کنید رابطه  $R$  در  $Z^+$  به صورت زیر تعریف شده باشد:  $aRb \Leftrightarrow GCB(a, b) = 1$  ( $GCB(a, b) = 1$  بزرگترین مقسوم علیه مشترک دو عدد  $a$  و  $b$  است). این رابطه کدام خاصیت زیر را دارد؟

۱. بازنایی

۲. تقارن

۳. ضدتقارن

۴. تعددی

**تعداد سوالات : تستی : ۲۵ تشریحی : ۵**

**عنوان درس :** ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختهای گسسته، مبانی ترکیبیات

**رشته تحصیلی / گد درس :** علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۰۴ - آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۲۴ - مهندسی کامپیوتون گرایش رایانش امن، مهندسی کامپیوتون گرایش فناوری اطلاعات، مهندسی کامپیوتون گرایش معماری سیستم های کامپیوتون، مهندسی کامپیوتون گرایش نرم افزار ۱۱۱۱۴۷۳ - علوم کامپیوتون (چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتون (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتون (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتون-نرم افزار (چندبخشی) ۱۱۱۵۰۶۷ - مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

#### -۶ در مورد رابطه

$$R = \{(1,2)(1,3)(1,4)(2,4)(4,2)(4,3)(4,5)(5,1)(5,3)\}$$

$$S = \{(1,2)(1,3)(2,4)(3,2)(3,3)(3,4)(4,2)\}$$

برابر است با:

$$\{(1,1)(1,2)(1,3)(1,4)(2,2)(4,2)(4,3)(4,4)(5,1)(5,2)(5,3)(5,4)\} .1$$

$$\{(1,1)(1,3)(1,4)(4,3)(4,4)(5,1)(5,2)(5,3)(5,4)\} .2$$

$$\{(1,1)(1,3)(1,4)(3,1)(3,2)(4,3)(4,4)(5,2)(5,3)(5,4)\} .3$$

$$\{(1,2)(1,3)(1,4)(2,2)(4,2)(4,3)(4,4)(5,2)(5,3)(5,4)\} .4$$

#### -۷ کدامیک از رابطه های زیر ترتیب جزئی نیست؟

۱. رابطه عاد کردن روی  $Z$

۲. رابطه کوچکتر مساوی، روی  $Z$

۳. مجموعه  $P(A)$  (تمام زیرمجموعه های  $A$ ) تحت عمل  $\subseteq$

۴. مجموعه  $D_6$  (مجموعه مقسوم علیه های عدد ۶) با رابطه عاد کردن

- نمودار هاس رابطه عاد کردن روی مجموعه  $\{2,4,6,8\} = A$  را در نظر بگیرید. کدام گزینه صحیح است؟

۱.  $\{6,8\}$  ماقزیمال و ماقزیمم این نمودار است.

۲.  $\{2\}$  عنصر مینیمال و عنصر کوچکترین است و  $\{6,8\}$  عناصر ماقزیمال هستند.

۳.  $\{8\}$  ماقزیمال و ماقزیمم است.

۴.  $\{2,4\}$  مینیمال و کوچکترین هستند و  $\{6,8\}$  ماقزیمال و ماقزیمم این نمودار است.

زمان آزمون (دقیقه) : تستی : ۶۰ تشریحی : ۵

عنوان درس : ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختهای گسسته، مبانی ترکیبات

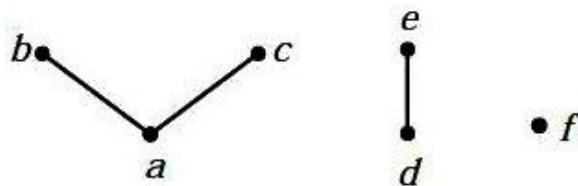
رشته تحصیلی / گد درس : علوم کامپیوتر ۴ - آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۲۴ - مهندسی کامپیوتون گرایش رایانش امن، مهندسی

کامپیوتون گرایش فناوری اطلاعات، مهندسی کامپیوتون گرایش معماری سیستم های کامپیوتون، مهندسی کامپیوتون گرایش نرم افزار ۱۱۱۱۴۷۳ - علوم کامپیوتون (چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتون (سخت افزار)،

مهندسی کامپیوتون (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتون-نرم افزار (چندبخشی) ۱۱۱۵۰۶۷ - مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

تعداد سوالات : تستی : ۲۵ تشریحی : ۵

۹- در نمودار زیر کدام ترتیب توپولوژیکی صحیح است؟



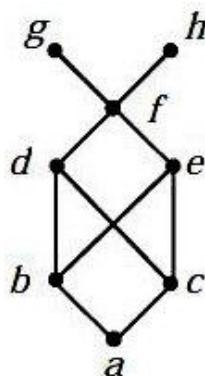
$a, d, f, b, c, e$  .۴

$d, f, e, b, a, c$  .۳

$a, b, c, e, d, f$  .۲

$d, f, b, a, c, e$  .۱

۱۰- در نمودار زیر کدام گزینه ای  $B = \{b, c\}$  کدام گزینه است؟



$\{g, h\}$  .۴

$\{a, b, c\}$  .۳

$\{f, g, h\}$  .۲

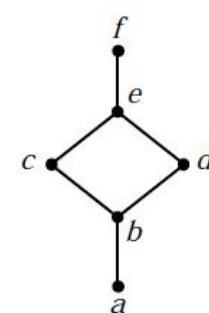
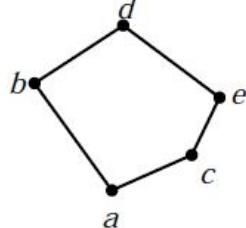
$\{d, e, f, g, h\}$  .۱

$D_{20}$  .۲

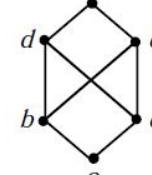
.۴

.۱

.۳



.۲



۱۲- کدام شبکه محدود نیست؟

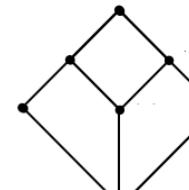
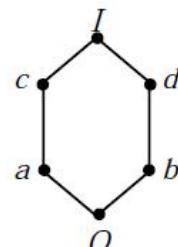
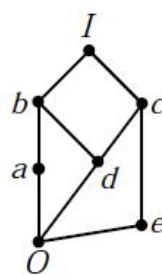
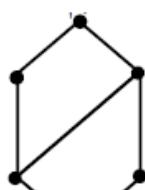
$(D_{128}, \leq)$  .۴

$(P\{a,b\}, \subseteq)$  .۳

$(D_{20}, I)$  .۲

$(Z^+, I)$  .۱

۱۳- کدام شبکه توزیع پذیر است؟



زمان آزمون (دقیقه) : تستی : ۶۰ تشریحی : ۵



سوی سوال : ایک

عنوان درس : ریاضیات گسسته، ساختمانهای گسسته، مبانی ترکیبیات

رشته تحصیلی / گذ درس : علوم کامپیوتر ۴ - ۱۱۱۱۰۴ - آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۲۴ - مهندسی کامپیوتروگرایش رایانش امن، مهندسی کامپیوتروگرایش فناوری اطلاعات، مهندسی کامپیوتروگرایش معماری سیستم‌های کامپیوتری، مهندسی کامپیوتروگرایش نرم افزار ۱۱۱۱۴۷۳ - علوم کامپیوتروگرایش فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتروگرایش نرم افزار ۱۱۱۵۰۶۷ - مهندسی کامپیوتروگرایش فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتروگرایش افزار ۱۱۱۵۱۳۷ - مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

۱۴- کدامیک از رابطه‌های زیر ترتیب کامل است؟

۱. رابطه کوچکتر مساوی روی اعداد صحیح

$$(P\{a,b,c\}, \leq)$$

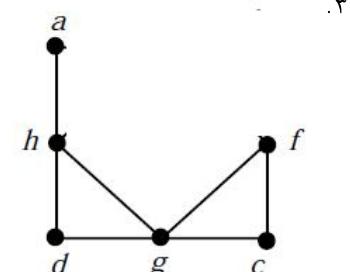
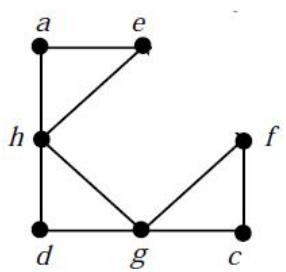
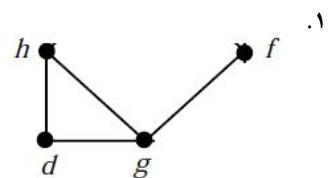
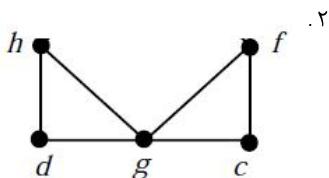
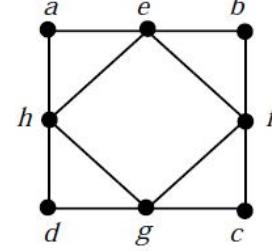
۳. برای هر دو عدد  $a$  و  $b$  متعلق به اعداد صحیح، این دو عدد وقتی در رابطه اند که  $a-b$  عدد صحیح مثبت باشد.

$$.4. (a,b)R(a',b') \Leftrightarrow a \leq a', b \leq b', A = R \times R$$

۱۵- کدام گزینه در مورد گراف صحیح است؟

۲. در هر گراف ساده تعداد رئوس فرد، عددی زوج است.
۳. گراف ۳-منتظم، حتماً گراف کامل است.
۴. درخت نمی‌تواند گراف دو بخشی باشد.

۱۶- زیر گراف القایی مجموعه رئوس  $\{h,d,g,f\}$  از گراف زیر کدام است؟

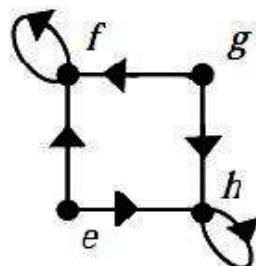


زمان آزمون (دقیقه) : تستی : ۶۰ تشریحی : ۵

عنوان درس : ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختهای گسسته، مبانی ترکیبیات

رشته تحصیلی / گذ درس : علوم کامپیوتر ۴ - آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر ۴ - ۱۱۱۱۳۲۴ - ، مهندسی کامپیوتون گرایش رایانش امن، مهندسی کامپیوتون گرایش فناوری اطلاعات، مهندسی کامپیوتون گرایش معماری سیستم های کامپیوتري، مهندسی کامپیوتون گرایش نرم افزار ۱۱۱۱۴۷۳ - ، علوم کامپیوتون (چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتون (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتون (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتون - نرم افزار (چندبخشی) ۱۱۱۵۰۶۷ - ، مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - ، مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

۱۷- ماتریس مجاورت گراف مقابل کدام گزینه است؟



$$\begin{array}{l} e \quad f \quad g \quad h \\ \hline e & 0 & 1 & 0 & 1 \\ f & 0 & 1 & 0 & 0 \\ g & 0 & 1 & 0 & 2 \\ h & 0 & 0 & 0 & 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} e \quad f \quad g \quad h \\ \hline e & 0 & 1 & 0 & 1 \\ f & 0 & 1 & 0 & 0 \\ g & 0 & 1 & 0 & 1 \\ h & 0 & 0 & 0 & 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} e \quad f \quad g \quad h \\ \hline e & 0 & 1 & 0 & 1 \\ f & 0 & 1 & 0 & 0 \\ g & 0 & 1 & 0 & 2 \\ h & 0 & 0 & -1 & 1 \end{array}$$

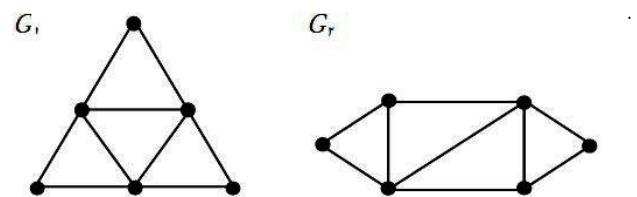
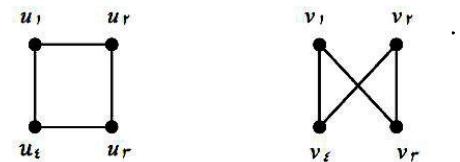
$$\begin{array}{l} e \quad f \quad g \quad h \\ \hline e & 0 & 1 & 0 & 1 \\ f & 0 & 1 & 0 & 0 \\ g & 0 & 1 & 0 & 1 \\ h & 0 & 0 & -1 & 1 \end{array}$$

زمان آزمون (دقیقه): تستی : ۶۰ تشریحی : ۵

عنوان درس: ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختهای گسسته، مبانی ترکیبات

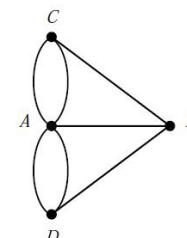
رشته تحصیلی / گد درس: علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۰۴ - آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۲۴ - مهندسی کامپیوتون گرایش رایانش امن، مهندسی کامپیوتون گرایش فناوری اطلاعات، مهندسی کامپیوتون گرایش معماری سیستم های کامپیوتون، مهندسی کامپیوتون گرایش نرم افزار ۱۱۱۱۴۷۳ - علوم کامپیوتون (چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتون (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتون (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتون-نرم افزار (چندبخشی) ۱۱۱۵۰۶۷ - مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

۱۸- کدام زوج گراف زیر یک ریخت نیستند؟

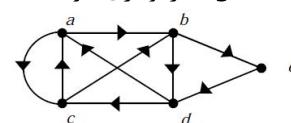


۴. گراف  $k_{n,m}$  و  $k_{m,n}$

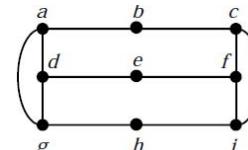
۱. گراف مقابل دارای مدار اویلری است.



۲. گراف مقابل مدار اویلری دارد.

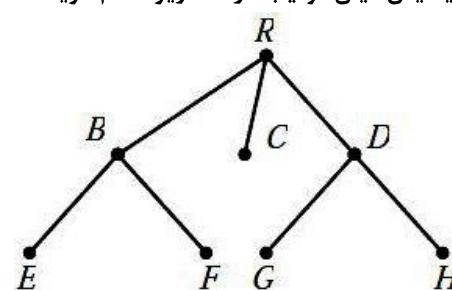


۳. گراف مقابل دور همیلتونی دارد.



۴. اگر در یک گراف ساده برای هر راس  $V$  داشته باشیم  $\deg(v) \geq \frac{(n-1)}{2}$  آنگاه آن گراف دارای دور همیلتونی است

- ۲۰- پیمایش میان ترتیب درخت زیر کدام گزینه است؟



RBEFCDGH .۴

RBCDEFGH .۳

EBFRCDHG .۲

EBFRCGDH .۱

**عنوان درس:** ریاضیات گسسته، ساختمنهای گسسته، مبانی ترکیبیات

**رشته تحصیلی / گد درس:** علوم کامپیوتر ۴ - آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۲۴ -، مهندسی کامپیوتون گرایش رایانش امن، مهندسی کامپیوتون گرایش فناوری اطلاعات، مهندسی کامپیوتون گرایش معماری سیستم های کامپیوتون، مهندسی کامپیوتون گرایش نرم افزار ۱۱۱۱۴۷۳ -، علوم کامپیوتون گرایش فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتون (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتون-نرم افزار (چندبخشی) ۱۱۱۵۰۶۷ -، مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ -، مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

-۲۱- معادل پیشوندی عبارت  $(z \uparrow t + (u * v) / (w + x - y))$  کدام است؟ ( $\uparrow$  به معنی توان است).

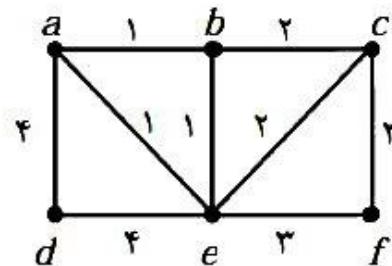
$$+t * uv / + -wx \uparrow yz \quad .2$$

$$+t /* uv - +wx \uparrow yz \quad .1$$

$$+ * tuv / + wx - \uparrow yz \quad .4$$

$$+ * tuv / \uparrow + wx - yz \quad .3$$

-۲۲- ترتیب انتخاب رئوس با استفاده از الگوریتم پریم، در گراف زیر چگونه است؟



$$abecfd \quad .4$$

$$acbedf \quad .3$$

$$acbefd \quad .2$$

$$abcdef \quad .1$$

-۲۳- جواب عمومی رابطه بازگشتی زیر کدام است؟

$$\begin{cases} a_n = 6a_{n-1} - 11a_{n-2} + 6a_{n-3} \\ a_0 = 2, a_1 = 5, a_2 = 15 \end{cases}$$

$$a_n = 1 - (2)^n + 2(3)^n \quad .2$$

$$a_n = (3)^n + (5)^n \quad .1$$

$$a_n = (5)^n + n(5)^n \quad .4$$

$$a_n = (2)^n + 2(3)^n \quad .3$$

-۲۴- جواب رابطه بازگشتی زیر کدام است؟

$$\begin{cases} 4a_{n+2} + 4a_{n+1} + a_n = 0 \\ a_0 = 1, a_1 = 1 \end{cases}$$

$$a_n = (2)^n - 5n(2)^n \quad .2$$

$$a_n = (\frac{1}{2})^n - 5n(\frac{1}{2})^n \quad .1$$

$$a_n = (\frac{-1}{2})^n - 3n(\frac{-1}{2})^n \quad .4$$

$$a_n = 2(2)^n - 3n(2)^n \quad .3$$

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۵

**عنوان درس:** ریاضیات گسسته، ساختمنهای گسسته، مبانی ترکیبیات

**رشته تحصیلی / گذ درس:** علوم کامپیوتر ۴ - آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۲۴ - ، مهندسی کامپیوتون گرایش رایانش امن، مهندسی کامپیوتون گرایش فناوری اطلاعات، مهندسی کامپیوتون گرایش معماری سیستم های کامپیوتی، مهندسی کامپیوتون گرایش نرم افزار ۱۱۱۱۴۷۳ - ، علوم کامپیوتون گرایش فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتون گرایش نرم افزار (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتون گرایش نرم افزار (چندبخشی) ۱۱۱۵۰۶۷ - ، مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - ، مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

- ۲۵- جواب رابطه بازگشتی زیر کدام است؟

$$\begin{cases} a_{n+1} = 2a_n + 1 \\ a_1 = 1 \end{cases}$$

$$a_n = 2^n - 1 \quad .^4 \quad a_n = (\frac{1}{2})^n - 1 \quad .^3 \quad a_n = (\frac{1}{2})^n - 2 \quad .^2 \quad a_n = 2^n - 2 \quad .^1$$

### سوالات تشریحی

۱.۴۰ نمره

- گزاره های زیر را در نظر بگیرید:

اگر منشی نتواند برگه ها را پرینت بگیرد و یا اینکه برق قطع باشد، آنگاه امتحان لغو خواهد شد و استاد عصبانی خواهد شد. اگر امتحان لغو شود، می بایست تاریخ دیگری برای امتحان تعیین گردد.

- تاریخ دیگری برای امتحان تعیین نشده است.  
 (الف) آیا منشی توانسته برگه ها را پرینت بگیرد؟  
 (ب) آیا استاد عصبانی شده است.

۱.۴۰ نمره

- بستار تعدی رابطه زیر را با استفاده از الگوریتم وارشاو بدست آورید:

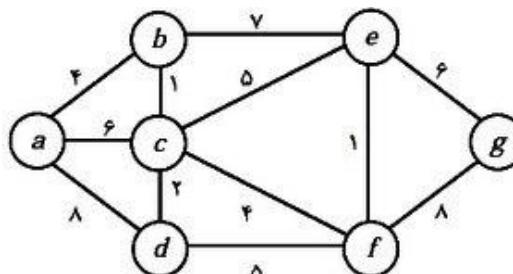
$$M_R = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

۱.۴۰ نمره

- عبارت  $((x + y)' + (x' + y')')(z + y)$  را به صورت dnf بنویسید.

۱.۴۰ نمره

- با استفاده از الگوریتم دیجکسترا کوتاهترین مسیر بین راس **a** و **g** را در گراف زیر به دست آورید:



زمان آزمون (دقیقه) : تستی : ۶۰ تشریحی : ۵

عنوان درس : ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختهای گسسته، مبانی ترکیبات

رشته تحصیلی / گد درس : علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۰۴ - آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۲۴ - مهندسی کامپیوتون گرایش رایانش امن، مهندسی کامپیوتون گرایش فناوری اطلاعات، مهندسی کامپیوتون گرایش معماری سیستم های کامپیوتون، مهندسی کامپیوتون گرایش نرم افزار ۱۱۱۱۴۷۳ - علوم کامپیوتون (چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتون (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتون (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتون-نرم افزار (چندبخشی) ۱۱۱۵۰۶۷ - مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

۵- با استفاده از الگوریتم کروسکال درخت فراغیتر می نیمم گراف زیر را به دست آورید.

