

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: ریاضیات ۲، ریاضیات پیشرفته

رشته تحصیلی / گذ درس: (جغرافیا و برنامه ریزی شهری، جغرافیای انسانی (روستایی)، جغرافیای انسانی (شهری)، جغرافیای طبیعی (اقلیم شناسی  
جغرافیای طبیعی (ژئومورفولوژی) ۱۱۱۰۰۳ - آب و هوا شناسی ۱۱۱۳۰۱)



-۱ شیب خط عمود بر منحنی  $f(x) = x^2$  در نقطه  $x=4$  کدام است؟

$$-\frac{1}{8} \quad .4$$

$$8 \quad .3$$

$$16 \quad .2$$

$$-\frac{1}{16} \quad .1$$

-۲  $y' = \frac{dy}{dx}$  باشد،  $\sin x + \cos y = 7$  اگر کدام است؟

$$y' = \frac{\sin y}{\cos x} \quad .4$$

$$y' = -\frac{\sin x}{\cos y} \quad .3$$

$$y' = \frac{\cos x}{\sin y} \quad .2$$

$$y' = -\frac{\cos x}{\sin y} \quad .1$$

-۳ مشتق تابع  $y = 2^{\cos x}$  کدام است؟

$$y' = -2^{\cos x} \cdot \sin x \quad .2$$

$$y' = -2^{\cos x} \cdot \ln 2 \cdot \sin x \quad .1$$

$$y' = -2^{\sin x} \cdot \cos x \quad .4$$

$$y' = -2^{\sin x} \cdot \ln 2 \quad .3$$

-۴ شیب منحنی  $y = 3x^2 - 1$  در نقطه  $x = 1$  کدام است؟

$$-1 \quad .4$$

$$6 \quad .3$$

$$-2 \quad .2$$

$$2 \quad .1$$

-۵ دیفرانسیل کل  $z = x^2 + y^{\frac{1}{3}}$  کدام است؟

$$\frac{dx}{2\sqrt{x}} + \frac{dy}{3\sqrt[3]{y}} \quad .4$$

$$\frac{dx}{2\sqrt{x}} + \frac{2dy}{3\sqrt[3]{y}} \quad .3$$

$$\frac{dx}{2\sqrt{x}} + \frac{2dy}{3\sqrt{y}} \quad .2$$

$$\frac{dx}{2\sqrt{x}} + \frac{dy}{3\sqrt{y}} \quad .1$$

-۶ تابع  $y = (x-2)^2 + 1$  در کدام بازه نزولی است؟

$$[2, +\infty) \quad .2$$

.۱. تابع اکیداً صعودی می باشد.

$$[-2, 2] \quad .4$$

$$(-\infty, 2] \quad .3$$

-۷ مشتق تابع  $f(x) = \sin^4 x$  کدام است؟

$$f'(x) = -4\sin^3 x \cos x \quad .2$$

$$f'(x) = 4\cos^3 x \quad .1$$

$$f'(x) = -4\sin^3 x \quad .4$$

$$f'(x) = 4\sin^3 x \cos x \quad .3$$

-۸ ماقسیمم مطلق تابع  $f(x) = x^3 - 1$  در بازه  $[-2, 1]$  کدام است؟

۰ . ۱ . ۴

-۱ . ۳

۱ . ۲

۰ . ۱

-۹ معادله مجانب مایل تابع  $f(x) = \frac{4x^2 - 3x + 2}{x - 1}$  کدام است؟

$y = -4x - 1$  . ۴

$y = 4x - 1$  . ۳

$y = 4x$  . ۲

$y = 4x + 1$  . ۱

-۱۰ طول نقطه‌ی عطف تابع  $f(x) = x^3 - 6x^2 + 4$  کدام است؟

۲ . ۴

-۱۲ . ۳

۴ . ۲

۰ . ۱

-۱۱ مجانب قائم منحنی  $f(x) = \frac{2x - 7}{x - 3}$  عبارتند از

$x = 3$  . ۴

$x = \frac{7}{2}$  . ۳

$y = 2$  . ۲

$y = \frac{7}{3}$  . ۱

-۱۲ محور تقارن  $f(x) = 4x^2 + 5x + 6$  کدام است؟

$x = -\frac{5}{8}$  . ۴

$x = \frac{5}{8}$  . ۳

$x = -\frac{5}{4}$  . ۲

$x = \frac{5}{4}$  . ۱

-۱۳ برای تابع  $f(x) = x^3 - 6x^2 + 9x + 3$  کدام گزینه صحیح است؟

$x = 1$  . ۲ ماقسیمم نسبی و  $x = 3$  ماقسیمم نسبی

$x = 1$  . ۴ نقطه عطف و  $x = 3$  مینیمم نسبی

$x = 1$  . ۱ مینیمم نسبی و  $x = 3$  ماقسیمم نسبی

$x = 1$  . ۳ نقطه عطف و  $x = 3$  مینیمم نسبی

-۱۴ تابع  $f(x) = x^3 - 3x^2 + 6$  دارای چند نقطه‌ی عطف می‌باشد؟

۰ . ۴ صفر

۳ . ۳

۲ . ۲

۱ . ۱

-۱۵ تابع  $f(x) = x^3 + 3x^2 - 7$  دارای چند نقطه‌ی بحرانی می‌باشد؟

۰ . ۴ صفر

۳ . ۳

۲ . ۲

۱ . ۱



زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

## عنوان درس: ریاضیات ۲، ریاضیات پیشرفته

روشی تحقیقی / گد درس: جغرافیا و برنامه ریزی شهری، جغرافیای انسانی (روستایی)، جغرافیای انسانی (شهری) و جغرافیای طبیعی (اقلیم شناسی)،  
جغرافیای طبیعی (زمورفولوژی) ۱۱۱۰۰۳ - آب و هوا شناسی ۱۱۱۱۳۰۱

- ۱۶- کدام گزاره درست است؟

۱. جایی که مشتق اول مثبت باشد منحنی مقعر است.  
 ۲. جایی که مشتق دوم مثبت باشد منحنی مقعر است.  
 ۳. جایی، که مشتقه اول منفی باشد منحنی مقعر است.  
 ۴. جایی، که مشتقه دوم منفی، باشد منحنی، مقعر است.

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\ln x}{x - 1} \quad \text{حاصل} \quad -14$$

- $$1.4 \quad 0.4 \quad \infty .2 \quad \frac{1}{2} .1$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{3x^2}{e^{2x} - 1 - 2x} \right) = 18$$

حاصل

۲. موجود نیست      ۰ . ۳       $\frac{3}{2}$  . ۴      ∞ . ۱

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{7x+1}{e^x+2} \quad \text{حاصل} \quad -19$$

- $$0.4 \quad \frac{1}{2} . 3 \quad 7.2 \quad \infty . 1$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{4x - 1}{2x + 3} = 2$$

- $\infty$  . $\varphi$       0 . $\vartheta$       1 . $\tau$       2 . $\lambda$

سوالات تشریحی

نمره ۱۴: اگر  $f(x) = xe^x$  باشد، حاصل  $f^{(4)}(0)$  را به دست آورید.

۱۴۰ نمره ۲- با کمک دیفرانسیل مقدار تقریبی  $\sqrt{20}$  را محاسبه کنید.

نمره ۱۴ مقدار  $a$  و  $b$  را طوری تعیین کنید که تابع  $f(x) = \begin{cases} x^2 + x & , \quad x < 2 \\ ax + b & , \quad x \geq 2 \end{cases}$  همه جا مشتق پذیر باشد.

۱۴۰ نمره **-۴** نمودار تابع  $f(x) = x^3 + 5x^2 + 3x - 4$  را رسم کنید.

زمان آزمون (دقیقه) : تستی : ۶۰ تشریحی : ۶۰

تعداد سوالات : تستی : ۲۰ تشریحی : ۵

عنوان درس : ریاضیات ۲، ریاضیات پیشرفته

رشته تحصیلی / گد درس : جغرافیا و برنامه ریزی شهری، جغرافیای انسانی (روستایی)، جغرافیای انسانی (شهری) و جغرافیای طبیعی (اقلیم شناسی)،  
جغرافیای طبیعی (ژئومورفولوژی) ۱۱۱۰۰۳ - ، آب و هوا شناسی ۱۱۱۳۰۱

نمره ۱.۴۰

$$y = (4 + x^2)^{(5x^3 + 2x)} \quad \text{مشتق تابع} \quad -5$$

را به دست آورید.