

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۰۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: نظریه گراف و کاربردهای آن

رشته تحصیلی / گد درس: مهندسی فناوری اطلاعات، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر(سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر(نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر-نرم افزار(چندبخشی)، علوم کامپیوتر، علوم کامپیوتر(چندبخشی) ۱۱۱۰۸۱

۱- در گراف کامل K_n کدام گزاره صحیح است؟

۲. تمامی رئوس گراف راس مرکز هستند

$$\text{diam}(K_n) = n - 1$$

۱. گراف راس مرکز ندارد

$$\text{diam}(K_n) = n - 3$$

۲- کدامیک از دنباله های زیر گرافیکی هستند؟

$$(5, 4, 3, 3, 2, 1, 1)$$

$$(3, 3, 2, 2, 2, 2)$$

$$(5, 5, 4, 3, 2, 1)$$

$$(7, 6, 3, 3, 1, 1, 1)$$

-۳

چند مسیر مختلف به طول ۳ بین دو راس a و b در گراف G وجود دارد؟

$$15 \cdot 4$$

$$12 \cdot 3$$

$$10 \cdot 2$$

$$6 \cdot 1$$

-۴

گراف خطی گراف $K_{1,3}$ کدام گراف است؟

$$\bar{K}_{1,3} \cdot 4$$

$$K_4 \cdot 3$$

$$K_{1,3} \cdot 2$$

$$K_3 \cdot 1$$

۵- کدامیک از گرافهای زیر خودمکمل است؟

$$G = K_1 \cdot 4$$

$$G = P_4 \cdot 3$$

$$G = K_4 \cdot 2$$

$$G = C_4 \cdot 1$$

۶- فرض کنیم G_1 و G_2 دو گراف به ترتیب با $n(G_1)$ و $n(G_2)$ رأس و $m(G_1)$ و $m(G_2)$ یال باشند. در این صورت داریم:

$$m(G_1 \square G_2) = n(G_1)m(G_2) + n(G_2)m(G_1) \cdot ۱$$

$$m(G_1 \square G_2) = n(G_1)n(G_2) + m(G_1)m(G_2) \cdot ۲$$

$$m(G_1 \square G_2) = m(G_1) + m(G_2) \cdot ۳$$

$$m(G_1 \square G_2) = m'(G_1) + m'(G_2) \cdot ۴$$

۷- کدامیک از گزاره های زیر صحیح است؟

$$W_n = C_{n-1} \square K_1 \cdot 4$$

$$Q_n = Q_{n-1} \square K_1 \cdot 3$$

$$K_{n-1} = K_n \vee K_1 \cdot 2$$

$$Q_n = Q_{n-1} \vee K_1 \cdot 1$$

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰ زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۰۰ تشریحی: ۰ سوی سوال: ۱ یک

عنوان درس: نظریه گراف و کاربردهای آن

رشته تحصیلی / گد درس: مهندسی فناوری اطلاعات، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر(سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر(نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر-نرم افزار(چندبخشی)، علوم کامپیوتر، علوم کامپیوتر(چندبخشی) ۱۱۱۰۸۱

-۸- کدام گزاره صحیح است؟

۱. ماتریس مجاورت گراف جهتدار متقارن است
۲. در ماتریس مجاورت گراف جهتدار جمع درایه های سطر λ برابر با درجه خروجی راس ۱ ام گراف است
۳. ماتریس وقوع گراف جهتدار ساده متقارن است.
۴. در ماتریس وقوع گراف جهتدار جمع درایه های سطر λ برابر با درجه خروجی راس ۱ ام گراف است

-۹- کدام گزاره نادرست است؟

۱. گرافی وجود دارد که همه یالهای آن راس برشی است
۲. گرافی وجود دارد که همه راسهای آن راس برشی است
۳. در گراف بی طوفه، هر راس جداساز یک راس برشی است
۴. هر راس برشی یک راس جداساز است

-۱۰- کدام گزاره در مورد بلوکهای گراف G صحیح است؟

۱. هر دو بلوک حداقل در یک راس مشترک هستند
۲. هر دو بلوک حداقل در یک راس مشترک هستند
۳. بلوکها راس مشترک ندارند
۴. به گراف G می توان یک درخت بلوکی نسبت داد

-۱۱- فرض کنیم گراف ۳-همبند باشد. در اینصورت کدام گزاره زیر صحیح است؟

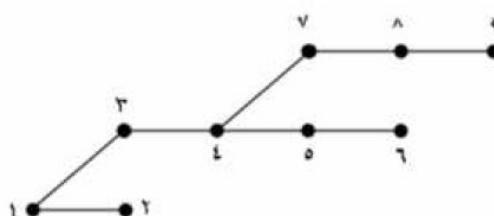
۱. گراف G دارای راس برشی است

۲. هر برش راسی گراف G دارای حداقل ۳ عضو است

$$K(G) = 3 \quad .3$$

۴. اگر سه راس از گراف G را حذف کنیم، گراف ناهمبند میشود.

-۱۲- کدام دنباله زیر متناظر با درخت زیر است؟



(۱,۳,۴,۵,۸,۷,۴) .۴

(۱,۳,۴,۵,۴,۷,۸) .۳

(۲,۱,۳,۴,۵,۶,۷,۸,۹) .۲

(۲,۱,۳,۴,۵,۶) .۱

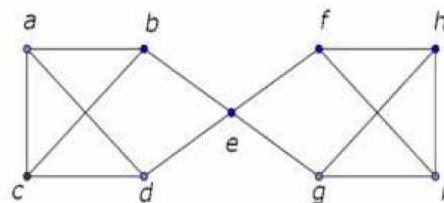
زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۰۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: نظریه گراف و کاربردهای آن

رشته تحصیلی / گد درس: مهندسی فناوری اطلاعات، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر(سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر(نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر-نرم افزار(چندبخشی)، علوم کامپیوتر، علوم کامپیوتر(چندبخشی) ۱۱۱۰۸۱

۱۳- با استفاده از الگوریتم جستجوی نخست در عمق (DFS) برای بدست آوردن درخت فراگیر رئوس گراف به چه ترتیبی پیمایش خواهند شد؟



a b c d e f g h i .۴

a b e f h i g d c .۳

a b c d e f h g i .۲

a b c d e f g i h .۱

۱۴- کدام گزاره صحیح است؟

۱. هر گراف $3 - \text{منتظم}$ دارای یک تطبیق کامل است.

۲. هر گراف $3 - \text{منتظم}$ فاقد یال برشی، $1 - \text{تجزیه پذیر}$ است.

۳. گراف G دارای یک تطبیق کامل ($1 - \text{عامل}$) است اگر و فقط اگر به ازای هر $S \subseteq V(G)$ $|O(G-S)| > |S|$.

۴. هر گراف $3 - \text{منتظم}$ فاقد یال برشی، دارای یک تطبیق کامل است.

-۱۵- عدد تطبیقی گراف K_n برابر است با:

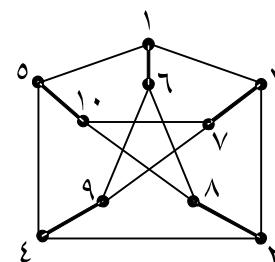
$$\frac{n-1}{2} . ۴$$

$$\left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor . ۳$$

$$n . ۲$$

$$\frac{n}{2} . ۱$$

۱۶- عدد پوشش راسی β و عدد پوشش یالی β' گراف پترسن کدام است؟



$\beta(G) = 5, \beta'(G) = 6 . ۴$

$\beta(G) = 5, \beta'(G) = 5 . ۳$

$\beta(G) = 6, \beta'(G) = 6 . ۲$

$\beta(G) = 6, \beta'(G) = 5 . ۱$

زمان آزمون (دقیقه) : تستی : ۱۰۰ تشریحی :

سوی سوال : ۱ یک

تعداد سوالات : تستی : ۳۰ تشریحی :

عنوان درس: نظریه گراف و کاربردهای آن

رشته تحصیلی / گد درس: مهندسی فناوری اطلاعات، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر(سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر(نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر-نرم افزار(چندبخشی)، علوم کامپیوتر، علوم کامپیوتر(چندبخشی) ۱۱۱۰۸۱

۱۷- کدام گزاره صحیح است؟

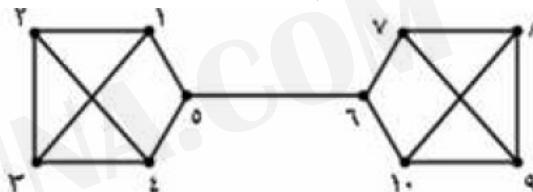
۱. گراف K_n به ازای هر $n > 2$ اویلری و همیلتونی است

۲. گراف K_n به ازای هر n زوج، اویلری و همیلتونی است

۳. گراف K_n به ازای هر n فرد، اویلری و به ازای هر n زوج همیلتونی است

۴. گراف K_n به ازای هر $n > 2$ همیلتونی و به ازای هر $n < 2$ اویلری است

۱۸- در گراف شکل زیر کدام مجموعه یک تطابق کامل است؟



{ {1,2}, {3,4}, {7,9}, {8,10} } . ۲

{ {1,2}, {3,4}, {5,6}, {7,8}, {9,10} } . ۴

{ {1,2}, {3,4}, {7,8}, {9,10} } . ۱

{ {1,5}, {3,4}, {5,6}, {7,9}, {8,10} } . ۳

۱۹- کدام گزاره صحیح نیست؟

۱. هر گراف تورنمت دارای مسیر هامیلتونی جهتدار است

۴. گراف K_n^0 به ازای هر $n \geq 2$ همیلتونی است

۳. گراف K_n به ازای هر $n \geq 3$ همیلتونی است

۲۰- کدام گزاره در مورد گراف مسطح و ساده و همبند G صحیح است؟

تعداد یالها n تعداد رئوس f تعداد وجوده گراف است

$\delta(G) \geq 5$. ۴

$\delta(G) \leq 5$. ۳

$m \leq 3n - 6$, $f \leq 2m$. ۲

$m < n - 6$, $2f \leq 2m$. ۱

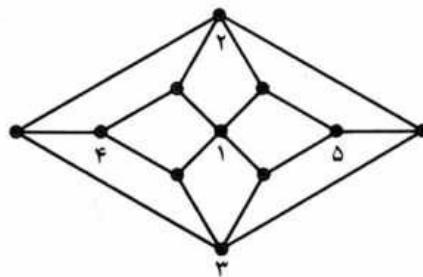
زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۰۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: نظریه گراف و کاربردهای آن

رشته تحصیلی / گد درس: مهندسی فناوری اطلاعات، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر - نرم افزار (چندبخشی)، علوم کامپیوتر، علوم کامپیوتر (چندبخشی) ۱۱۱۰۸۱

۲۱- کدام گزاره در مورد گراف G شکل زیر صحیح است؟



۱. G همیلتونی و اویلری است
۲. G همیلتونی است ولی اویلری نیست
۳. G اویلری است ولی همیلتونی نیست
۴. G دارای مسیر همیلتونی است ولی اویلری نیست

۲۲- در گراف K_5 چند دور همیلتونی یا مجزا وجود دارد؟

۱. ۱
۲. ۲
۳. ۳
۴. ۴

۲۳- دوگان گراف K_4 کدام گراف است؟

۱. K_4
۲. K_3
۳. \bar{K}_3
۴. Q_4

۲۴- کدام گزاره صحیح است؟

۱. گراف G درخت است اگر و فقط اگر هیچ وجهی نداشته باشد
۲. گراف G بی دور است اگر و فقط اگر وجههای ان به صورت دور به طول فرد نباشد.
۳. گراف G بی دور است اگر و فقط اگر دارای دقیقاً دو وجه باشد
۴. گراف G درخت است اگر و فقط اگر دارای فقط یک وجه بیرونی باشد

۲۵- کدامیک از گرافهای زیر مسطح است؟

۱. پترسن
۲. $K_{3,3}$
۳. $K_{1,5}$
۴. Q_4

۲۶- کدامیک از گزاره‌های زیر با سه گزاره دیگر معادل نیست؟

۱. گراف G دوبخشی است
۲. گراف فاقد دور فرد است
۳. گراف G خود دوگان است
 $\chi(G) = 2$

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۰۰ تشریحی: ۰

سوی سوال: ۱ یک

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: نظریه گراف و کاربردهای آن

رشته تحصیلی / گد درس: مهندسی فناوری اطلاعات، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر - نرم افزار (چندبخشی)، علوم کامپیوتر، علوم کامپیوتر (چندبخشی) ۱۱۱۰۸۱

۲۷- کدام گزاره در مورد گراف G - بحرانی صحیح است؟

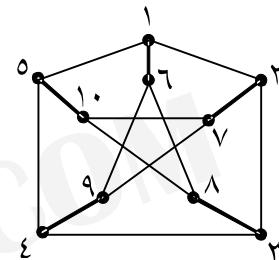
۱. هر گراف G - بحرانی یک بلوك است

$$\delta(G) \leq k$$

۲. G ناهمیند است

$$\delta(G) < k - 1$$

۲۸- عدد رنگی یالی χ' گراف پترسن کدام است؟



$$\chi' = 6$$

$$\chi' = 5$$

$$\chi' = 3$$

$$\chi' = 4$$

۲۹- کدامیک از چند جمله‌ای‌های زیر می‌تواند یک چند جمله‌ای رنگی برای گراف باشد؟

$$\lambda^5 - 6\lambda^4 + 11\lambda^3 - 6\lambda^2 - \lambda^1$$

$$\lambda^3 - 4\lambda^4 + 8\lambda^5 - 4\lambda^6 + \lambda^7$$

$$\lambda^4 + 2\lambda^5 - 3\lambda^6$$

$$3\lambda^4 + 2\lambda^5 + \lambda^6 + 5$$

۳۰- کدام گزاره در مورد شبکه N صحیح است؟

۱. فرض کنیم N یک شبکه و f . یک شارش روی آن باشد. شارش f ماقسیمم است اگر و تنها اگر N دارای مسیر f -افزایشی باشد.

۲. فرض کنیم N یک شبکه با منبع s و مقصد t باشد. در این صورت مقدار ماقسیمم شارش از s به t برابر با ظرفیت ماقسیمم برش در N است.

۳. فرض کنیم N یک شبکه و f . یک شارش روی آن باشد. شارش f ماقسیمم است اگر و تنها اگر N دارای مسیر f -افزایشی نباشد.

۴. فرض کنیم N یک شبکه با منبع s و مقصد t باشد. در این صورت مقدار شارش از s به t برابر با مقدار برش در N است.