

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۵

سری سوال: یک

عنوان درس: ریاضی برای آمار

روش تحصیلی/آد درس: آمار ۱۱۱۰۸۶

استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است

$$\sum_{l=0}^n \binom{n}{l} \binom{n}{n-l} = \text{عبارت}$$

$$\binom{2n}{k} = \binom{2n}{l} = \binom{2n}{n} = \binom{m+n}{l}$$

۲- درس نمونه گیری در دو گروه که ۹ دانشجو دارد، ارائه می شود. به چند صورت این ۹ دانشجو می توانند برای این درس ثبت نام کنند؟

۲۰. ۴                  ۱۰۰. ۳                  ۱۰۲. ۳                  ۵۱۲. ۱

۳- به چند طریق می توان ۶ یونیت را روی ۴ میله به اهتزاز درآورد؟

۶۴۰۸۰. ۴                  ۶۴۸۰. ۳                  ۲۵۲۰. ۲                  ۶۰۴۸۰. ۱

$$\frac{\binom{-3}{4}}{\binom{-3}{3}} = \text{مقدار}$$

-۲. ۴                  ۲. ۳                  -۱/۵. ۲                  ۱/۵. ۱

$$\sum_{r=0}^n r \binom{n}{r} = \text{عبارت}$$

$n2^n$ . ۴                   $2^n$ . ۳                   $n2^{n-1}$ . ۲                   $2^{n-1}$ . ۱

۶- چند چهار رقمی می توان نوشت که تمام ارقام آن فرد باشد؟

۱۲۵. ۴                  ۶۲۵. ۳                  ۳۲۰. ۲                  ۲۲۵. ۱

$$c_n = \frac{n(n+1)}{2} \text{ کدام است؟}$$

$$\frac{1}{(1-x)^3} = \frac{1}{1-x} = \frac{1}{x(1-x)} = \frac{1}{(1-x)^2}$$

۷- کدامیک از گزینه های زیر نادرست است؟

$\varphi(0) = P_0$ . ۴                   $\varphi(1) = 1$ . ۳                   $\varphi''(1) = Var(X)$ . ۲                   $\varphi'(1) = E(X)$ . ۱

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): قسمت: ۶ تشریحی: ۶

تعداد سوالات: قسمت: ۲۵ تشریحی: ۵

عنوان درس: ریاضی برای آمار

روش تعلیمی/گد درس: آمار ۱۱۱۰۸۶

-۹ مقدار  $\Gamma\left(\frac{5}{2}\right)$  برابر است با:

$$\frac{3\pi}{2}$$

$$\frac{3\pi}{4}$$

$$\frac{3}{4}\sqrt{\pi}$$

$$\sqrt{\frac{\pi}{2}}$$

-۱۰ عامل انتگرال ساز معادله دیفرانسیل  $2xy^2 = y - x$  برابر است با:

$$\sqrt{x}$$

$$\frac{1}{\sqrt{x}}$$

$$e^{-\frac{1}{2}x}$$

$$e^{\frac{1}{2}x}$$

-۱۱ در بسط  $(2x - 3y + z)^2$  ضریب  $x^2y^3z$  کدام است؟

$$6480$$

$$60$$

$$-6480$$

$$4320$$

-۱۲ چهار توب را به چند صورت می توانید بین پنج کودک توزیع کنید؟

$$56$$

$$5$$

$$70$$

$$1$$

-۱۳ جواب خصوصی معادله  $y''' - 6y'' + 8y = e^{4x}$  کدام است؟

$$xe^{4x}$$

$$\frac{1}{2}e^{4x}$$

$$\frac{1}{2}xe^{4x}$$

$$2xe^{4x}$$

-۱۴ کدامیک از معادلات زیر معادله خطی با ضرایب ثابت نیست؟

$$xy''' - 2y'' + y = \cos x$$

$$xy''' + 2y'' - y = x^2$$

$$y''' - 2y'' + y = -ex$$

$$y''' + y = 0$$

-۱۵ ریشه های معادله مفسر، معادله  $y''' - 3y'' + 2y = e^{4x}$  کدام است؟

$$-2 \pm 1$$

$$-2 \pm 1$$

$$2 \pm 1$$

$$2 \pm 1$$

-۱۶ مقدار  $\int_0^1 \sqrt{\frac{x}{1-x}} dx$  برابر است با:

$$\frac{\pi}{2}$$

$$\frac{3\sqrt{\pi}}{2}$$

$$\frac{3\pi}{4}$$

$$\frac{3\sqrt{\pi}}{4}$$

سری سوال: ۱.یک

زمان آزمون (دقیقه): تست: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تست: ۲۵ تشریحی: ۵

عنوان درس: ریاضی برای آمار

رشته تحصیلی/کد درس: آمار ۸۶۱۱۱۰۱

-۱۷ به ازای هر  $a$  و  $b$  عبارت  $U_n = a + b \cdot 2^{-n}$  در کدام معادله بازگشتی خطی و همگن صدق می کند؟

$$(B^2 + 3B - 2)U_n = 0 \quad \text{۱}$$

$$(B^2 - 3B + 2)U_n = 0 \quad \text{۲}$$

$$(B^2 + 3B + 2)U_n = 0 \quad \text{۳}$$

$$(B^2 - 3B - 2)U_n = 0 \quad \text{۴}$$

-۱۸ اگر  $X$  دارای توزیع گاما(آنگاه  $E(X^2)$  چقدر است؟

۱.۳

۲.۳

۳.۳

۴.۳

-۱۹ تبدیل لاپلاس تابع  $f(x) = \begin{cases} 1, x \geq a \\ 0, 0 < x < a \end{cases}$  برابر است با:

$$\frac{e^{-sa}}{s+1} \quad \text{۱}$$

$$e^{-sa} + 1 \quad \text{۲}$$

$$e^{-sa} + s \quad \text{۳}$$

$$\frac{e^{-sa}}{s} \quad \text{۴}$$

-۲۰ شرط لازم و کافی برای آنکه گراف  $G=(V,E)$  دارای یک دور اوبلیوی باشد آن است که:

۱.  $G$  منظم و درجه هر راس  $G$  فرد باشد.

۲.  $G$  منظم و درجه هر راس  $G$  زوج باشد.

۳.  $G$  نامنظم و درجه هر راس  $G$  زوج باشد.

۴.  $G$  نامنظم و درجه هر راس  $G$  فرد باشد.

-۲۱ تبدیل لاپلاس تابع  $x \sin ax$  برابر است با:

$$\frac{2s}{(s^2+a^2)^2} \quad \text{۱}$$

$$\frac{2as}{s^2+a^2} \quad \text{۲}$$

$$\frac{2as}{(s^2+a^2)^2} \quad \text{۳}$$

$$\frac{2s}{s^2+a^2} \quad \text{۴}$$

-۲۲ جواب خصوصی معادله  $yy' = 2x(y+1)$  کدام است؟

$$y+In(y+1)=x^2+c \quad \text{۱} \quad y-In(y+1)=x^2+c \quad \text{۲} \quad y-In|y|=x^2+c \quad \text{۳} \quad In|y+1|=x^2+c \quad \text{۴}$$

-۲۳ در معادله بازگشتی  $U_{n+2} - 5U_{n+1} + 6U_n = n + 3^n$  دیشده های معادله مفسر کدام است؟

$$m_1 = -2, m_2 = 3 \quad \text{۱}$$

$$m_1 = 2, m_2 = -3 \quad \text{۲}$$

$$m_1 = -2, m_2 = -2 \quad \text{۳}$$

$$m_1 = 2, m_2 = 3 \quad \text{۴}$$

-۲۴ اگر در گراف  $G=(V,E)$   $d(a)=d(b)=d(c)=3$ ,  $d(d)=5$ ,  $d(e)=0$  باشد مقدار  $|E|$  کدام است؟

۱. ۱۶

۲. ۲۷

۳. ۳۷

۴. ۴۷

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۵

عنوان درس: ریاضی برای آمار

روش تحلیلی/آد درس: آمار ۱۱۱۰۸۶

$$-25 \quad \text{تبديل وارون تابع } \frac{1}{(s-1)(s+2)} \text{ کدام است؟}$$

$$\frac{1}{3}(e^{-x} - e^{-2x}) \quad -\frac{1}{3}e^{-x} + \frac{1}{3}e^{-2x} \quad \frac{1}{3}e^{-x} - \frac{1}{3}e^{2x} \quad \frac{1}{3}(e^{-x} - e^{-2x})$$

### سوالات تشریحی

۱.۴۰ نمره

-۱ تبدیل لاپلاس تابع  $g(x) = \int_0^x (t + e^t) dt$  را بیابید.

۱.۴۰ نمره

-۲ جواب عمومی معادله زیر را بیابید.

$$(2xy^4 + \sin y)dx + (4x^2y^3 + x \cos y)dy = 0$$

۱.۴۰ نمره

-۳ بسط  $\frac{1}{\sqrt{1+x}}$  را بیابید.

۱.۴۰ نمره

-۴ اگر  $X$  دارای توزیع بنای  $E(\sqrt{X(1-X)})$  باشد مطابقت محاسبه  $\alpha = 2$ ,  $\beta = 3$  باشد.

۱.۴۰ نمره

-۵ جوابهای اساسی معادله  $4U_{n+2} + 4U_{n+1} + U_n = 0$  را بدست آورید.