

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: ریاضی مهندسی، ریاضیات مهندسی
روش تحصیلی/گذ درس: ۱۱۱۱۴۱۱ ۱۱۱۱۰۹۵-۱۱۱۱۰۹۵

۱- کدامیک از گزاره های زیر درست است؟

۱. اعداد مختلط زیر مجموعه اعداد حقیقی اند.
۲. اعداد حقیقی زیر مجموعه اعداد مختلط اند.
۳. حاصلضرب دو عدد مختلط همیشه عدد مختلط می شود.
۴. مجموع دو عدد مختلط هیچگاه یک عدد حقیقی نمی شود

$$-2 \text{ معادله } z^4 + 81 = 0 \text{ دارای:}$$

۲. یک ریشه حقیقی دارد
۴. ریشه حقیقی ندارد.

۱. چهار ریشه حقیقی دارد

۳. دو ریشه حقیقی دارد.

۳- کدام گزاره درست نیست؟

۱. جمع دو تابع تام تابعی تام است.
۳. از ضرب دو تابع تام تابعی تام بدست می آید.
۲. از تقسیم دو تابع تام تابعی تام حاصل می شود.
۴. از تفاضل دو تابع تام تابعی تام خواهیم داشت.

$$f(z) = \bar{z} \text{ تابع}$$

۱. فقط در $z = 0$ پیوسته نیست.
۳. در تمام صفحه مختلط پیوسته است.
۲. در بخشی از صفحه مختلط پیوسته نیست.
۴. فقط در $z = 0$ پیوسته است.

۴- کدام گزاره زیر درست است؟

۱. اگر c عددی صحیح باشد \bar{Z}^c یک تابع تک مقداری است.
۲. اگر c عددی صحیح باشد Z^c یک تابع چند مقداری است.
۳. $Z=1$ یک شاخه از Z^c وقتی c عددی صحیح است.
۴. C^z یک تابع چند مقداری است.

۵- دوره تناوب تابع $\coth z$ کدام است؟

۱. $2\pi i$
۲. π
۳. πi
۴. این تابع متناوب نیست.

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: ریاضی مهندسی، ریاضیات مهندسی
رشته تحصیلی/ گذ درس: ۱۱۱۱۴۱۱-۱۱۱۱۰۹۵

سری سوال: ۱ یک

۱-۴۰ سری فوريه تابع متناوب $f(x) = x$ ، $-\pi \leq x \leq \pi$ با دوره تناوب 2π را بنویسید و با انتگرال گیری از آن سری فوريه تابع $g(x) = 2x^2 - 1$ را با همان شرایط $f(x)$ به دست آورید.

$$\int_0^\pi \frac{\sin^2 \theta d\theta}{5 - 4\cos \theta} = \frac{\pi}{8}$$

نشان دهید

۱-۴۰ مقدار انتگرال $\int_c (x^2 + iy^3) dz$ را در دو مسیر زیر از مبدأ به نقطه $A(1,1)$ به دست آورید. آیا جواب های به دست آمده یکسان است؟ چرا؟

الف) c سهمی $y = x^2$ از مبدأ مختصات تا نقطه A می باشد.

ب) c از مبدأ به نقطه $B(1,0)$ و سپس روی خط $x=1$ به نقطه A می رود.

۱-۴۰ ریشه های معادله $(z+1)^6 + (z-1)^6 = 0$ را به دست آورید.