

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۴

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

سری سوال: یک ۱

عنوان درس: ریاضی فیزیک ۱

رشته تحصیلی/کد درس: فیزیک (حالت جامد)، فیزیک (هسته ای)، فیزیک (اتمی و مولکولی) ۱۱۱۳۰۱۱

سوالات تشریحی

۱- حل: صفحه ۸

۱.۷۵ نمره

$$-۲ \quad h_u^r = \left(\frac{\partial x}{\partial u}\right)^r + \left(\frac{\partial y}{\partial u}\right)^r + \left(\frac{\partial z}{\partial u}\right)^r$$

$$= v^r \cos^r \psi + v^r \sin^r \psi + u^r$$

$$= u^r + v^r$$

$$\Rightarrow h_u = \sqrt{u^r + v^r}$$

$$h_v^r = \left(\frac{\partial x}{\partial v}\right)^r + \left(\frac{\partial y}{\partial v}\right)^r + \left(\frac{\partial z}{\partial v}\right)^r$$

$$= u^r \cos^r \psi + u^r \sin^r \psi + v^r = u^r + v^r$$

$$\Rightarrow h_v = \sqrt{u^r + v^r}$$

$$h_\psi^r = \left(\frac{\partial x}{\partial \psi}\right)^r + \left(\frac{\partial y}{\partial \psi}\right)^r + \left(\frac{\partial z}{\partial \psi}\right)^r$$

$$= u^r v^r \cos^r \psi + u^r v^r \sin^r \psi = u^r v^r$$

$$\Rightarrow h_\psi = uv$$

۱.۷۵ نمره

۱.۷۵ نمره

$$\delta_j^i = \frac{\partial x^i}{\partial x'^\alpha} \frac{\partial x'^\alpha}{\partial x^j}$$

$$A'_{\alpha\beta} = \frac{\partial x^i}{\partial x'^\alpha} \frac{\partial x^j}{\partial x'^\beta} A_{ij}$$

$$\Rightarrow \frac{\partial x'^\alpha}{\partial x^i} \frac{\partial x'^\beta}{\partial x^j} A'_{\alpha\beta} = \frac{\partial x^i}{\partial x'^\alpha} \frac{\partial x'^\alpha}{\partial x^i} \frac{\partial x^j}{\partial x'^\beta} \frac{\partial x'^\beta}{\partial x^j} A_{ij}$$

$$\Rightarrow A_{ij} = \frac{\partial x'^\alpha}{\partial x^i} \frac{\partial x'^\beta}{\partial x^j} A'_{\alpha\beta}$$

$$\Rightarrow \delta_j^i A_{ik} = \frac{\partial x^i}{\partial x'^\alpha} \frac{\partial x'^\alpha}{\partial x^j} \frac{\partial x'^\alpha}{\partial x^i} \frac{\partial x'^\beta}{\partial x^k} A'_{\alpha\beta} = \frac{\partial x'^\alpha}{\partial x^j} \frac{\partial x'^\beta}{\partial x^k} A'_{\alpha\beta} = A_{jk}$$

۱.۷۵ نمره

$$-۴ \quad \begin{vmatrix} a_1 & a_1 & b_1 \\ a_p & a_p & b_p \\ a_s & a_s & b_s \end{vmatrix} = a_1 \begin{vmatrix} a_p & b_p \\ a_s & b_s \end{vmatrix} + (-1)a_1 \begin{vmatrix} a_p & b_p \\ a_s & b_s \end{vmatrix} + b_1 \begin{vmatrix} a_p & a_p \\ a_s & a_s \end{vmatrix}$$

$$= a_1(a_p b_s - b_p a_s) - a_1(a_p b_s - b_p a_s) = a_1 a_p b_s - a_1 b_p a_s - a_1 a_p b_s + a_1 b_p a_s = 0$$