

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۰۰ تشریحی: ۱۲۰

تعداد سوالات: تستی: ۰۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: دینامیک و ارتعاشات در مهندسی پزشکی، دینامیک و ارتعاشات

رشته تحصیلی/کد درس: مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۳۰۷ -، مهندسی پزشکی - گرایش بیومکانیک ۱۳۱۸۰۵۳

استفاده از ماشین حساب مهندسی محظا است

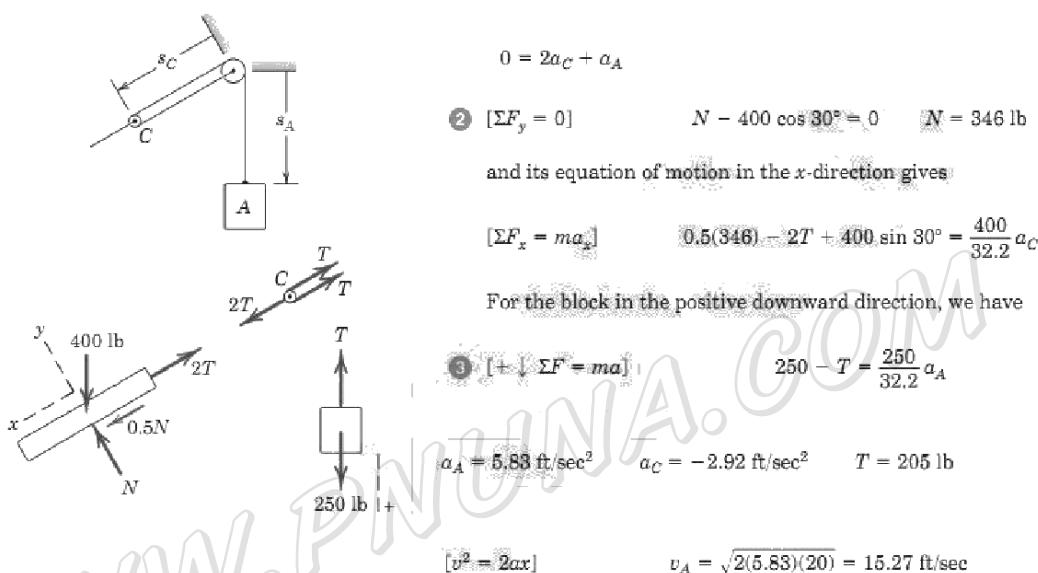
نمره ۲.۸۰

$$\mathbf{a} = (\ddot{r} - r\dot{\theta}^2) \mathbf{e}_r + (r\ddot{\theta} + 2\dot{r}\theta) \mathbf{e}_\theta$$

$$\mathbf{v} = r\dot{\mathbf{e}}_r + r\dot{\theta} \mathbf{e}_\theta$$

-۱

نمره ۲.۸۰



-۲

نمره ۲.۸۰

$$H_O = H_G = 3(mr\dot{\theta})r = 3mr^2\dot{\theta} \quad F_i = 3m\bar{a} \quad \bar{a} = a_O = \frac{F}{3m} i$$

$$[\Sigma M_G = \dot{H}_G] \quad Fb = \frac{d}{dt}(3mr^2\dot{\theta}) = 3mr^2\ddot{\theta} \quad \text{so} \quad \ddot{\theta} = \frac{Fb}{3mr^2}$$

-۳

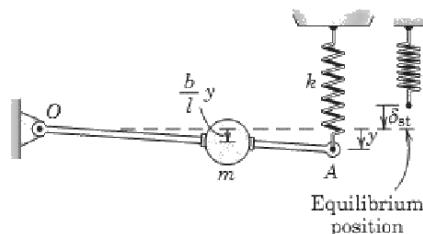
تعداد سوالات: تستی: ۰ تشریحی: ۵ زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۰ تشریحی: ۱۲۰

عنوان درس: دینامیک و ارتعاشات در مهندسی پزشکی، دینامیک و ارتعاشات

رشته تحصیلی/گد درس: مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۳۱۰۷ - ، مهندسی پزشکی - گرایش بیومکانیک ۱۳۱۸۰۵۳

نمره ۲،۸۰

-۴



$$V = V_e + V_g = \frac{1}{2} k(y + \delta_{st})^2 - \frac{1}{2} k\delta_{st}^2 - mg\left(\frac{b}{l}y\right)$$

$$V = \frac{1}{2} ky^2$$

$$T = \frac{1}{2} m\left(\frac{b}{l}\dot{y}\right)^2$$

$$\frac{d}{dt}(T + V) = \frac{d}{dt} \left[\frac{1}{2} m\left(\frac{b}{l}\dot{y}\right)^2 + \frac{1}{2} ky^2 \right] = 0$$

$$\ddot{y} + \frac{l^2}{b^2} \frac{k}{m} y = 0$$

$$\omega_n = \frac{l}{b} \sqrt{k/m}$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۰۰ تشریحی: ۱۲۰

تعداد سوالات: تستی: ۰۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: دینامیک و ارتعاشات در مهندسی پزشکی، دینامیک و ارتعاشات

رشته تحصیلی/گد درس: مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۳۱۰۷ - ، مهندسی پزشکی - گرایش بیومکانیک ۱۳۱۸۰۵۳

نمره ۲،۸۰

$$\omega_n = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{4000}{10}} = 20 \text{ rad/s}$$

-۵

$$\delta_{st} = \frac{F_0}{k} = \frac{100}{4000} = 0.025 \text{ m}$$

$$\zeta = \frac{c}{c_c} = \frac{c}{2\sqrt{km}} = \frac{20}{2\sqrt{(4000)(10)}} = 0.05$$

$$\omega_d = \sqrt{1 - \zeta^2}\omega_n = \sqrt{1 - (0.05)^2}(20) = 19.974984 \text{ rad/s}$$

$$r = \frac{\omega}{\omega_n} = \frac{10}{20} = 0.5$$

$$X = \frac{\delta_{st}}{\sqrt{(1 - r^2)^2 + (2\zeta r)^2}} = \frac{0.025}{\sqrt{[(1 - 0.05^2)^2 + (2 \cdot 0.5 \cdot 0.5)^2]^{1/2}}} = 0.03326 \text{ m} \quad (\text{E.1})$$

$$\phi = \tan^{-1} \left(\frac{2\zeta r}{1 - r^2} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{2 \cdot 0.05 \cdot 0.5}{1 - 0.5^2} \right) = 3.814075^\circ \quad (\text{E.2})$$

Using the initial conditions, $x_0 = 0.01$ and $\dot{x}_0 = 0$, Eq. (3.36) yields:

$$0.01 = X_0 \cos \phi_0 + (0.03326)(0.997785)$$

$$X_0 = [(X_0 \cos \phi_0)^2 + (X_0 \sin \phi_0)^2]^{1/2} = 0.023297$$

$$\tan \phi_0 = \frac{X_0 \sin \phi_0}{X_0 \cos \phi_0} = 0.0978176$$

$$\phi_0 = 5.586765^\circ$$

$$x(t) = X_0 e^{-\zeta \omega_n t} \cos(\omega_d t - \phi_0)$$